

练习题

1. 若采用自然二进制码为下列对象编码, 分别需要几位码元

(1) 120个人

$$2^7 = 128 > 120 \quad \text{需要7位} \quad \checkmark$$

(2) 9000个汉字

$$2^{13} = 8192 \quad 2^{14} = 16384$$

$$\therefore 2^{13} < 9000 < 2^{14} \quad \text{需要14位} \quad \checkmark$$

(3) 8位电话号码

$$2^{20} = 67108864 \quad 2^{21} = 134217728 \quad \text{需要21位} \quad \checkmark$$

(4) 汽车牌照 (首位英文字母, 后5位英文字母或十进制数)

$$\text{牌照总可能数: } 26 \times 36^5 = 1572120576$$

$$2^{29} = 1073741824 \quad 2^{30} = 2147483648 \quad \text{需要30位} \quad \checkmark$$

练习 1.10

转换下列各数, 要求转换后保持原精度

$$(1.125)_{10} = (1.001)_{10} \quad \checkmark$$

$$(0010 \ 1011 \ 0010)_{2421\text{BCD}} = (111 \ 111 \ 00)_{2} \quad \checkmark$$

$$(0110 \ 1010)_{\text{余3码BCD}} = (1.1001)_{2} \quad \checkmark$$

A 9.4

1.3 将下列各式写成按权展开式： ←

$$(352.6)_{10} = 3 \times 10^2 + 5 \times 10^1 + 2 \times 10^0 + 6 \times 10^{-1} \leftarrow$$

$$(101.101)_2 = 1 \times 2^2 + 1 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-3} \leftarrow$$

$$(54.6)_8 = 5 \times 8^1 + 4 \times 8^0 + 6 \times 8^{-1} \leftarrow$$

$$(13A.4F)_{16} = 1 \times 16^2 + 3 \times 16^1 + 10 \times 16^0 + 4 \times 16^{-1} + 15 \times 16^{-2} \leftarrow$$

~~1.8~~ 转换下列各数，要求转换后保持原精度：

解：(1.125)₁₀ = (1.0010000000)₁₀ —— 小数点后至少取 10 位

(0010 1011 0010)_{2421BCD} = (11111100)₂

—— 先将 2421BCD 码转换成十进制数 (252)₁₀，再转换成二进制数。

(0110.1010)_{余3循环BCD码} = (1.1110)₂

—— 余 3 循环 BCD 码中的 1 和 0 没有权值意义，因此先转换成十进制数 (1.9)₁₀，得出原精度为 10⁻¹，转换的二进制的小数位 $k \geq 3.3$ ，因此至少取 4 位。

2.3 对下列函数，说明对输入变量的哪些取值组合其输出为 1？

(1) $F(A,B,C) = AB + BC + AC$

(2) $F(A,B,C) = (A+B+C)(\bar{A} + \bar{B} + \bar{C})$

(3) $F(A,B,C) = (\bar{A}B + \bar{B}C + A\bar{C})AC$

解：本题可用真值表、化成最小项表达式、卡诺图等多种方法求解。

(1) F 输出 1 的取值组合为：011、101、110、111。

(2) F 输出 1 的取值组合为：001、010、011、100、101、110。

(3) F 输出 1 的取值组合为：101。

2.4 试直接写出下列各式的反演式和对偶式。↵

$$(1) F(A,B,C,D,E)=[(A \bar{B}+C) \cdot D+E] \cdot B \leftarrow$$

↵

$$(2) F(A,B,C,D,E)=AB+\bar{C}\bar{D}+BC+\bar{D}+\bar{C}E+\bar{B}+\bar{E} \leftarrow$$

↵

$$(3) F(A,B,C)=\bar{A}\bar{B}+C \quad \bar{A}B \quad C \leftarrow$$

解: (1) $\bar{F}=[(\bar{A}+B) \cdot \bar{C}+\bar{D}] \cdot \bar{E}+\bar{B} \leftarrow$

$$F'=[(A+\bar{B}) \cdot C+D] \cdot E+B \leftarrow$$

↵

$$(2) \bar{F}=(\bar{A}+\bar{B})(C+D) \cdot (\bar{B}+\bar{C}) \cdot D \cdot (C+\bar{E}) \cdot \bar{B} \cdot \bar{E} \leftarrow$$

$$F'=(A+B)(\bar{C}+\bar{D}) \cdot (B+C) \cdot \bar{D} \cdot (\bar{C}+E) \cdot B \cdot E \leftarrow$$

↵

$$(3) \bar{F}=(A+B) \cdot \bar{C}+A+\bar{B}+C \leftarrow$$

↵

$$F'=(\bar{A}+\bar{B}) \cdot C+\bar{A}+\bar{B}+\bar{C} \leftarrow$$

↵

2.5 用公式证明下列等式: \leftarrow

$$(1) \bar{A} \bar{C} + \bar{A} \bar{B} + BC + \bar{A} \bar{C} \bar{D} = \bar{A} + BC \leftarrow$$

$$(2) AB + \bar{A}C + (\bar{B} + \bar{C})D = AB + \bar{A}C + D \leftarrow$$

$$(3) \bar{B}C \bar{D} + B \bar{C}D + ACD + \bar{A}B \bar{C} \bar{D} + \bar{A} \bar{B}CD + B \bar{C} \bar{D} + BCD = \bar{B}C + B \bar{C} + BD \leftarrow$$

\leftarrow

$$(4) \overline{A \bar{B} \bar{C}} + \overline{BC} + \overline{BC \bar{D}} + \overline{A \bar{B}D} = \bar{A} + B + \bar{C} + \bar{D} \leftarrow$$

证明: \leftarrow

$$(1) \bar{A} \bar{C} + \bar{A} \bar{B} + BC + \bar{A} \bar{C} \bar{D}$$

—— $\bar{A} \bar{C} \bar{D}$ 被 $\bar{A} \bar{C}$ 削去 \leftarrow

$$= \bar{A}(\bar{B} + \bar{C}) + BC$$

$$= \bar{A} \bar{B} C + BC$$

—— 削去互补因子 \leftarrow

$$= \bar{A} + BC$$

$$(2) AB + \bar{A}C + (\bar{B} + \bar{C})D$$

$$= AB + \bar{A}C + \bar{B}C D + BC$$

—— 增加冗余因子 BC , 为了削去 $\bar{B}C D$ 中的 $\bar{B}C$ \leftarrow

$$= AB + \bar{A}C + D$$

$$(3) \bar{B}C \bar{D} + B \bar{C} D + ACD + \bar{A}B \bar{C} \bar{D} + \bar{A} \bar{B} C D + B \bar{C} \bar{D} + BCD$$

$$= \bar{B}C \bar{D} + BD + ACD + \bar{A}B \bar{C} \bar{D} + \bar{B}C D + B \bar{C} \bar{D} \quad \text{—— } B \bar{C} D \text{ 与 } BCD \text{ 合并成 } BD \leftarrow$$

$$= \bar{B}C \bar{D} + BD + ACD + \bar{A}B \bar{C} \bar{D} + \bar{B}C D + B \bar{C} \quad \text{—— } BD \text{ 与 } B \bar{C} \bar{D} \text{ 削去互补因子 } \leftarrow$$

$$= \bar{B}C \bar{D} + BD + ACD + \bar{B}C D + B \bar{C}$$

—— $\bar{A}B \bar{C} \bar{D}$ 被 $B \bar{C}$ 削去 \leftarrow

$$= \bar{B}C + BD + ACD + B \bar{C}$$

—— $\bar{B}C \bar{D}$ 与 $\bar{B}C D$ 合并 \leftarrow

$$= \bar{B}C + BD + CD + ACD + B \bar{C}$$

—— 增加 CD , 可削去 ACD \leftarrow

$$= \bar{B}C + B \bar{C} + BD$$

\leftarrow

$$(4) \bar{A} \bar{B} \bar{C} + \bar{B}C + \bar{B}C \bar{D} + A \bar{B} D$$

$$= \bar{A} \bar{B} \bar{C} (\bar{B}C + \bar{B}C \bar{D}) + \bar{A} + B + \bar{D}$$

—— $\bar{B}C + \bar{B}C \bar{D}$ 削去互补因子 \leftarrow

$$= \bar{A} \bar{B} \bar{C} (\bar{B} + \bar{C} + \bar{D}) + \bar{A} + B + \bar{D}$$

$$= \bar{A} \bar{B} \bar{C} + \bar{A} \bar{B} \bar{C} \bar{D} + \bar{A} + B + \bar{D}$$

$$= \bar{A} \bar{B} \bar{C} + \bar{A} + B + \bar{D}$$

$$= \bar{A} + B + \bar{C} + \bar{D}$$

$$(1) F(A,B,C) = \sum m(0,1,2,4,5,7)$$

$$\text{解: } F = \bar{B} + \bar{A}\bar{C} + AC$$

←

BC

A ←

	00 ←	01 ←	11 ←	10 ←
0 ←	1 ←	1 ←	←	1 ←
1 ←	1 ←	1 ←	1 ←	←

←

$$(2) F(A,B,C,D) = \sum m(0,2,5,6,7,9,10,14,15)$$

$$\text{解: } F = A \bar{B} \bar{C} D + \bar{A} \bar{B} \bar{D} + \bar{A} B D + B C + C \bar{D}$$

↙

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	1			1
	01		1	1	1
	11			1	1
	10		1		1

↙

2. (3) $F(A,B,C,D) = \sum_m(0,1,4,7,9,10,13) + \sum_\phi(2,5,8,12,15)$

解: $F = \bar{C} + BD + \bar{B}\bar{D}$

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	1	1		ϕ
	01	1	ϕ	1	
	11	ϕ	1	ϕ	
	10	ϕ	1		1

Diagram illustrating the Karnaugh map for the function $F(A,B,C,D) = \sum_m(0,1,4,7,9,10,13) + \sum_\phi(2,5,8,12,15)$. The map is a 4x4 grid with rows labeled AB (00, 01, 11, 10) and columns labeled CD (00, 01, 11, 10). The cells contain 1s for minterms 0, 1, 4, 7, 9, 10, 13 and ϕ for don't care terms 2, 5, 8, 12, 15. Three prime implicants are circled: \bar{C} (covering cells where C=0), BD (covering cells where B=1 and D=1), and $\bar{B}\bar{D}$ (covering cells where B=0 and D=0). The solution is $F = \bar{C} + BD + \bar{B}\bar{D}$.

2.14 已知: $F_1(A,B,C)=\sum_m(1,2,3,5,7)+\sum_\phi(0,6)$, $F_2(A,B,C)=\sum_m(0,3,4,6)+\sum_\phi(2,5)$, 求 $F=F_1\oplus F_2$ 的最简与或式

解: $F=A+\bar{B}$

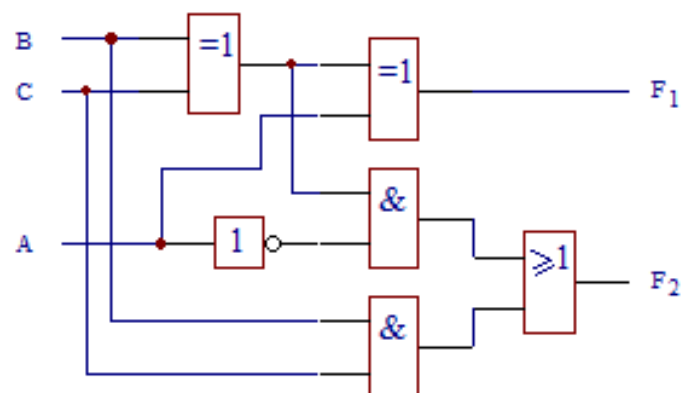
A \ BC		BC				A \ BC		BC			
		00	01	11	10			00	01	11	10
A	0	ϕ	1	1	1	\oplus 1	0	1		1	ϕ
	1		1	1	ϕ		1	1	ϕ		1

=

A \ BC		BC			
		00	01	11	10
A	0	ϕ	1	0	ϕ
	1	1	ϕ	1	ϕ

教材3.2

4.2 分析图 P4.2 电路的逻辑功能。



解：(1)从输入端开始，逐级推导出函数表达式。

$$F_1 = A \oplus B \oplus C$$

$$F_2 = A(B \oplus C) + BC = \bar{A} \bar{B} C + \bar{A} B \bar{C} + \bar{A} B C + A B C$$

(2)列真值表。

A	B	C	F ₁	F ₂
0	0	0	0	0
0	0	1	1	1
0	1	0	1	1
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	1	0	0	0
1	1	1	1	1

(3)确定逻辑功能。假设变量A、B、C和函数F₁、F₂均表示一位二进制数，那么，由真值表可知，该电路实现了一位全减器的功能。

A、B、C、F₁、F₂分别表示被减数、减数、来自低位的借位、本位差、本位向高位的借位。

教材3.3

$$3.3. P_1 = \overline{A \cdot \overline{B \overline{C} D}}$$

$$P_2 = \overline{\overline{A D \overline{B} \overline{C}}} = A D \overline{B} \overline{C}$$

开锁 $F_1 = P_2 \cdot K = K \cdot A \overline{B} \overline{C} D = 1 \quad K=1$

$$F_2 = K \cdot \overline{A \overline{B} \overline{C} D} = K (\overline{A + B + C + \overline{D}}) = 0 \quad K=1$$

$$1 \ 0 \ 0 \ |$$

∴ 开锁密码 (100|)

教材3.4

4.4 设 ABCD 是一个 8421BCD 码，试用最少与非门设计一个能判断该 8421BCD 码是否大于等于 5 的电路，该数大于等于 5，F= 1；否则为 0。

解：(1) 列真值表

A	B	C	D	F
0	0	0	0	0
0	0	0	1	0
0	0	1	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	0	0
0	1	0	1	1
0	1	1	0	1
0	1	1	1	1

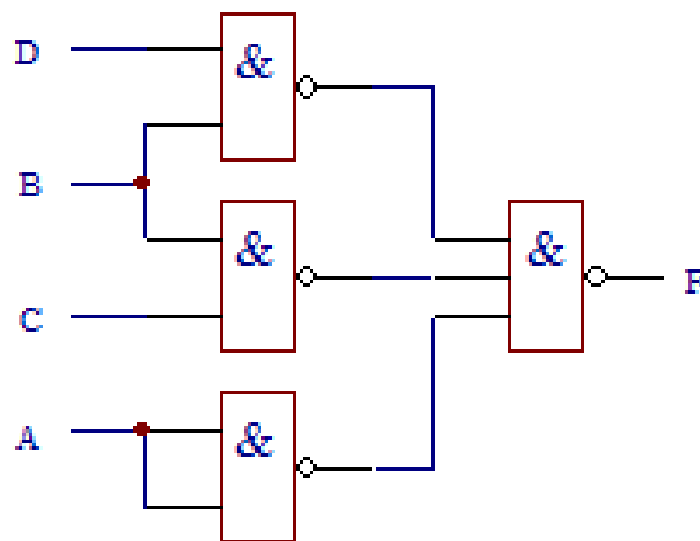
A	B	C	D	F
1	0	0	0	1
1	0	0	1	1
1	0	1	0	0
1	0	1	1	0
1	1	0	0	0
1	1	0	1	0
1	1	1	0	0
1	1	1	1	0

(2) 写最简表达式

AB \ CD	CD			
	00	01	11	10
00				
01		1	1	1
11				
10	1	1		

$$F = A + BD + BC = \overline{\overline{A} \cdot \overline{BD} \cdot \overline{BC}}$$

(3) 画逻辑电路，如下图所示：

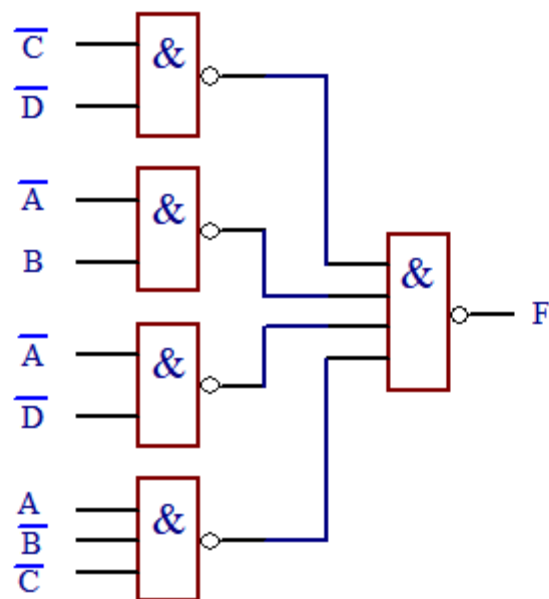


$$3. \quad (3) F(A, B, C, D) = \sum m(2, 5, 6, 8, 9, 12) + \sum \phi(0, 4, 7, 10)$$

解：函数的卡诺图如下所示：

		CD				
		00	01	11	10	
AB	00	\emptyset			1	$F = \overline{A}\overline{B}\overline{C} + \overline{C}\overline{D} + \overline{A}B + \overline{A}\overline{D}$ $= \overline{\overline{\overline{A}\overline{B}\overline{C}} \cdot \overline{\overline{\overline{C}\overline{D}} \cdot \overline{\overline{\overline{A}B} \cdot \overline{\overline{A}\overline{D}}}}$
	01	\emptyset	1	\emptyset	1	
	11	1				
	10	1	1		\emptyset	

画逻辑电路，如下图所示：



$$(4) F(ABC) = A \bar{B} + B \bar{C} + \bar{A} C$$

$$\text{解: } F(ABC) = A \bar{B} + B \bar{C} + \bar{A} C$$

	BC			
A	00	01	11	10
0	0	1	1	1
1	1	1	0	1

献血电路设计题3.9

人的血型有 A、B、AB、O 四种。输血时输血者的血型与受血者的血型必须符合图 P3.4 中箭头指示的授受关系。试设计一个逻辑电路，判断输血者与受血者的血型是否符合上述规定。

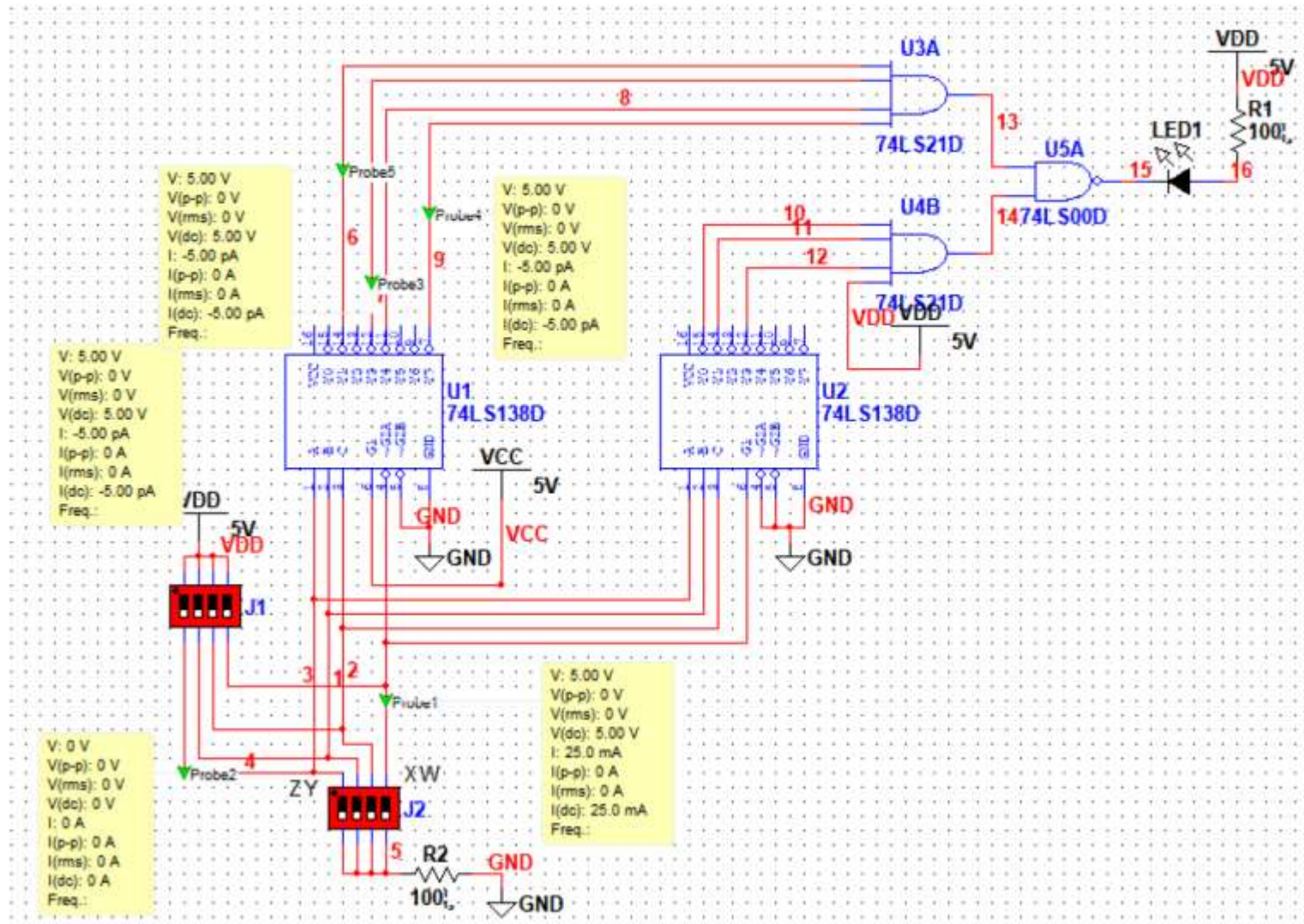
解：设 00 代表血型 A、01 代表血型 B、10 代表血型 AB、11 代表血型 O。输血者的血型用逻辑变量 WX 表示，受血者的血型用 YZ 表示，则由图中所指示的授受关系，列真值表：

W	X	Y	Z	F
0	0	0	0	1
0	0	0	1	0
0	0	1	0	1
0	0	1	1	0
0	1	0	0	0
0	1	0	1	1
0	1	1	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	0
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	1	0	1
1	1	1	1	1

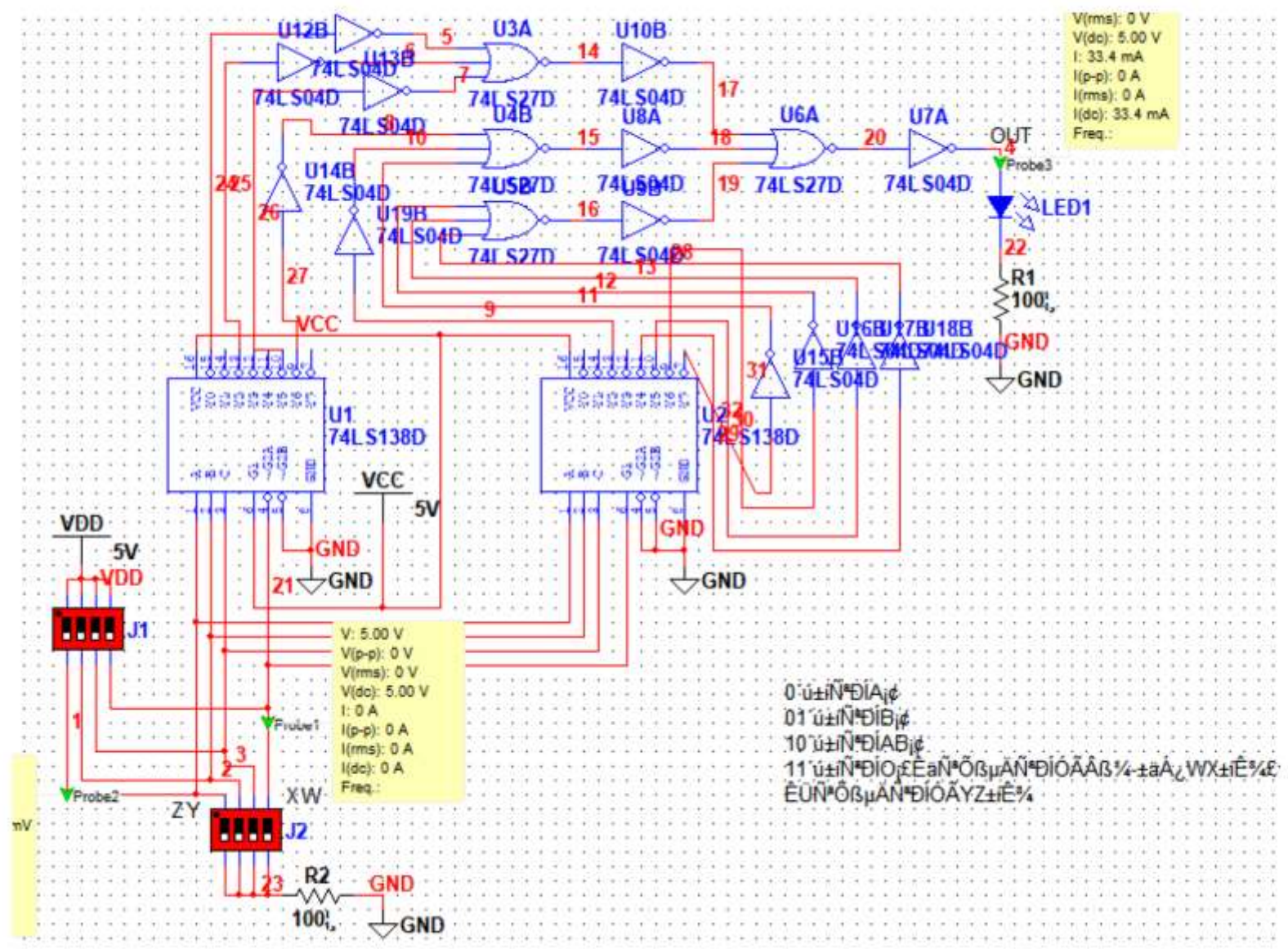
YZ \ WX	00	01	11	10
00	1	0	0	1
01	0	1	0	1
11	1	1	1	1
10	0	0	0	1

$$F = \overline{W}XZ + X\overline{Y}Z + WX + YZ$$

74ls138+与门实现:



74ls138+或门实现

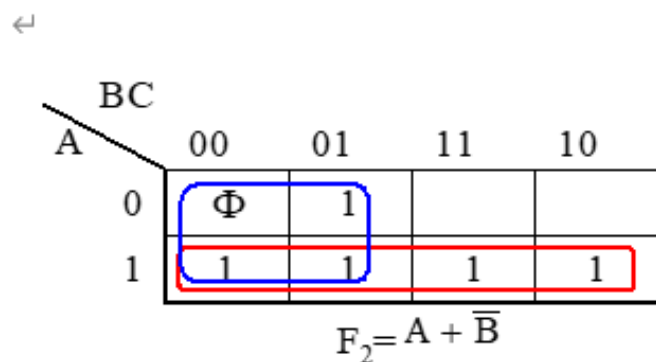
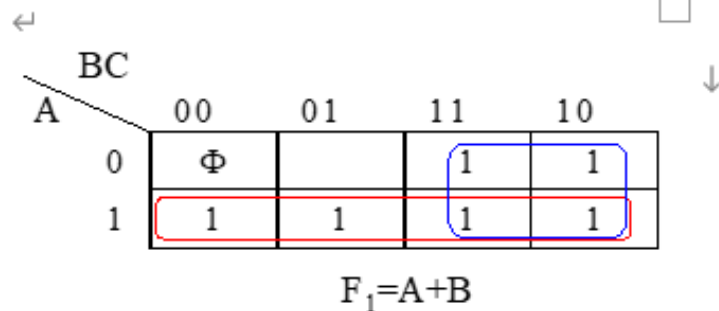


3.10

3.10 电话室对3种电话编码控制，按紧急次序排列优先权高低是：火警电话、急救电话、普通电话，分别编码为11，10，01。试设计该编码电路。←

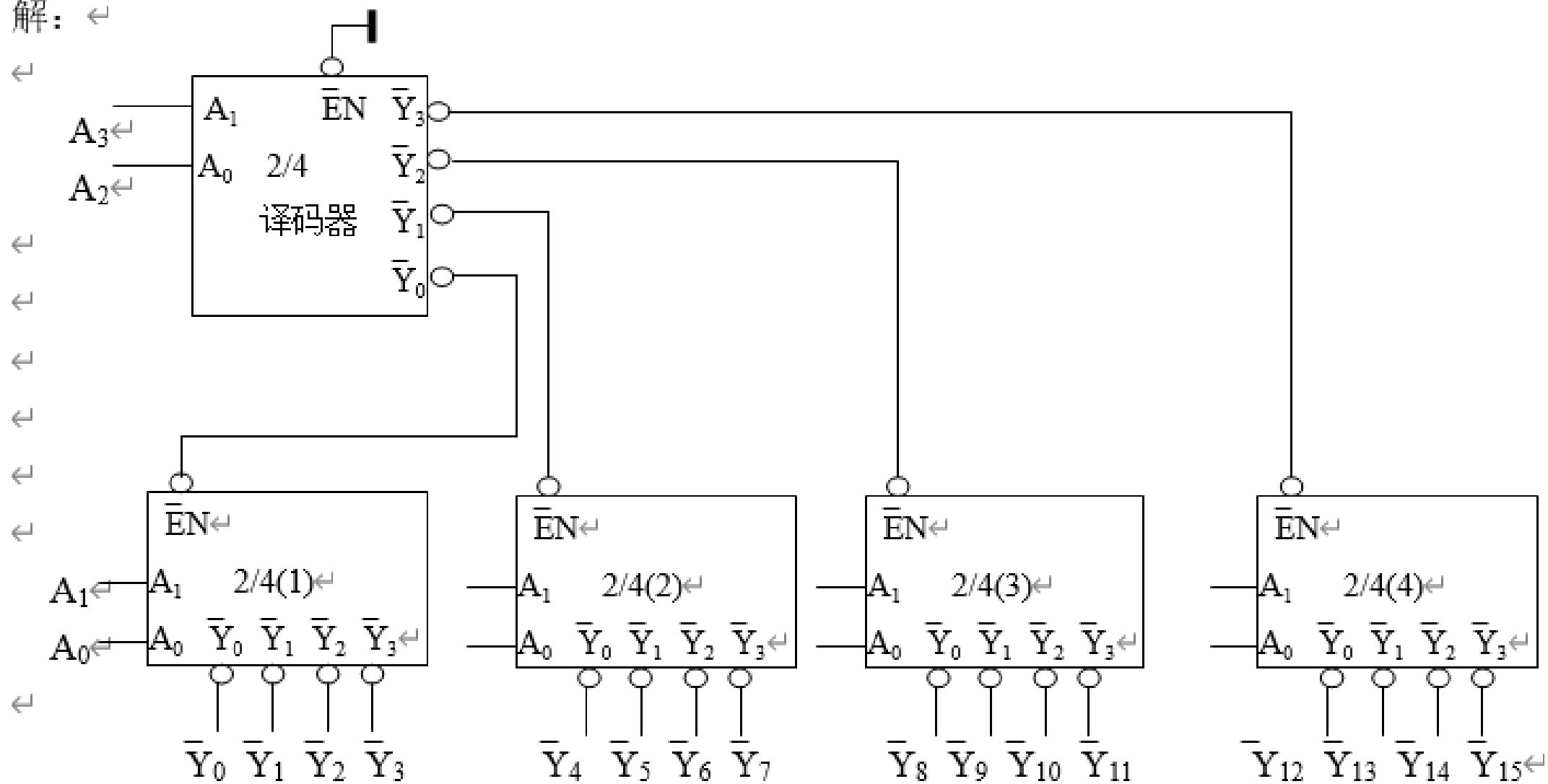
解：设火警为A，急救为B，普通为C，列真值表为：←

A	B	C	F_1	F_2
0	0	0	Φ	Φ
0	0	1	0	1
0	1	0	1	0
0	1	1	1	0
1	0	0	1	1
1	0	1	1	1
1	1	0	1	1
1	1	1	1	1



3.11 试将2/4译码器扩展成4/16译码器

解：



3.12

3.12 试用74138设计一个多输出组合网络，它的输入是4位二进制码ABCD，输出为： ←

F_1 : ABCD是4的倍数。 ←

F_2 : ABCD比2大。 ←

F_3 : ABCD在8~11之间。 ←

F_4 : ABCD不等于0。 ←

解：由题意，各函数是4变量函数，故须将74138扩展为4-16线译码器，让A、B、C、D分别接4-16线译码器的地址端 A_3 、 A_2 、 A_1 、 A_0 ，可写出各函数的表达式如下：

←

$$F_1(A,B,C,D) = \sum m(0,4,8,12)$$

$$= \overline{m_0} \overline{m_4} \overline{m_8} \overline{m_{12}}$$

$$= \overline{Y_0} \overline{Y_4} \overline{Y_8} \overline{Y_{12}}$$

$$F_2(A,B,C,D) = \sum m(0,1,2)$$

$$= \overline{m_0} \overline{m_1} \overline{m_2}$$

$$= \overline{Y_0} \overline{Y_1} \overline{Y_2}$$

$$F_3(A,B,C,D) = \sum m(8,9,10,11)$$

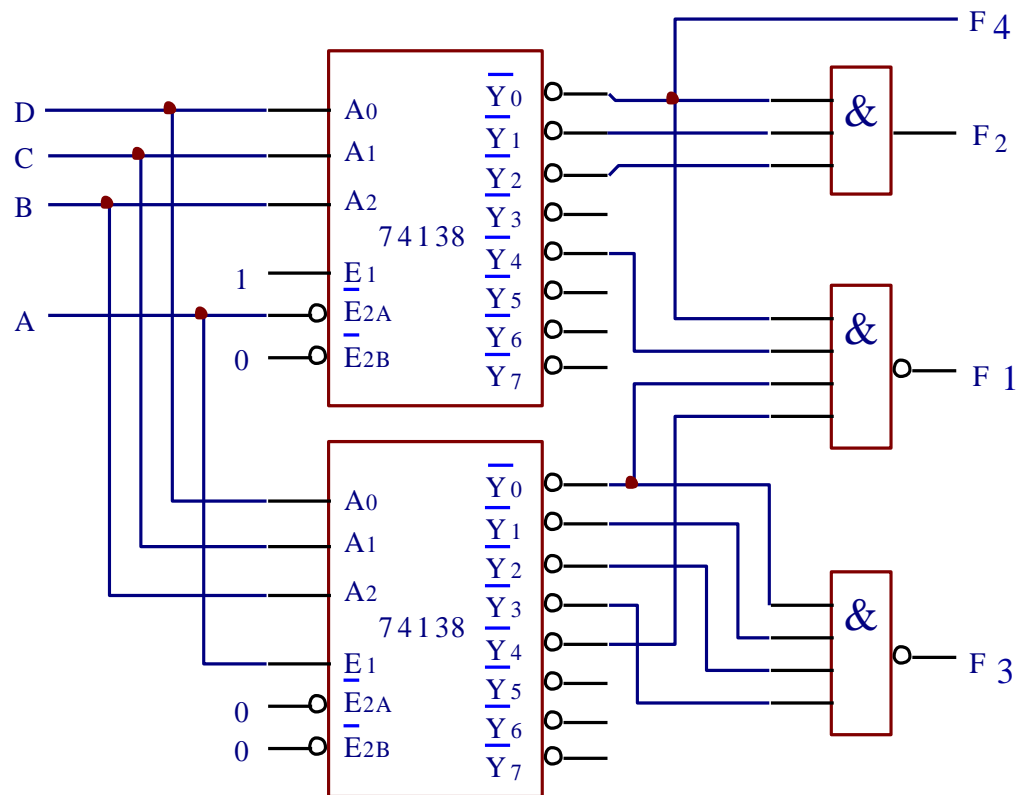
$$= \overline{m_8} \overline{m_9} \overline{m_{10}} \overline{m_{11}}$$

$$= \overline{Y_8} \overline{Y_9} \overline{Y_{10}} \overline{Y_{11}}$$

$$F_4(A,B,C,D) = \overline{m_0}$$

$$= \overline{Y_0}$$

实现电路如下图所示： ←



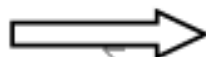
3.13 (3)(4)

$$(3) F(A,B,C,D) = A \bar{B}C + B \bar{C}D + AC \bar{D}$$

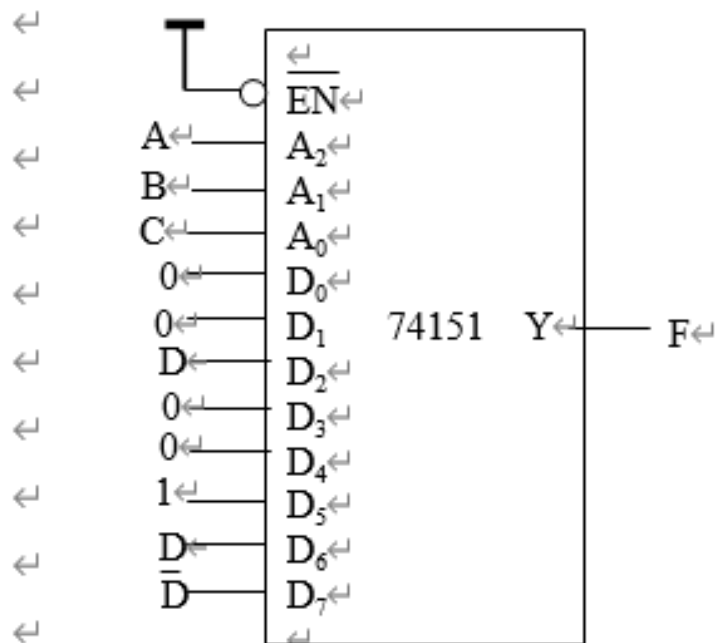
解: ←

⊕	CD	00	01	11	10
		AB	00	01	11
	00	←	←	←	←
	01	←	1	←	←
	11	←	1	←	1
	10	←	←	1	1

降维 ←



⊕	C	0	1	
		AB	00	01
	00	←	←	
	01	D	←	
	11	D	\bar{D}	
	10	←	1	



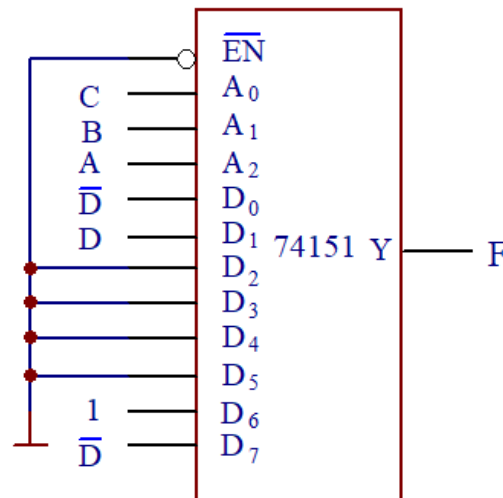
$$(4) F(A, B, C, D) = \sum m(0, 3, 12, 13, 14) + \sum \phi(7, 8)$$

解：函数有 4 个输入变量，而 74151 的地址端只有 3 个，即 A_2 、 A_1 、 A_0 ，故须对函数的卡诺图进行降维，即降为 3 维。

		CD			
		00	01	11	10
AB	00	1		1	
	01			\emptyset	
	11	1	1		1
	10	\emptyset			

		BC			
		00	01	11	10
A	0	\bar{D}	D	0	0
	1	0	0	\bar{D}	1

令 $A=A_2$ 、 $B=A_1$ 、 $C=A_0$ 则： $D_0 = D_7 = \bar{D}$ ， $D_1 = D$ ， $D_6 = 1$ ， $D_2 = D_3 = D_4 = D_5 = 0$ 。
相应的电路图如下图所示：

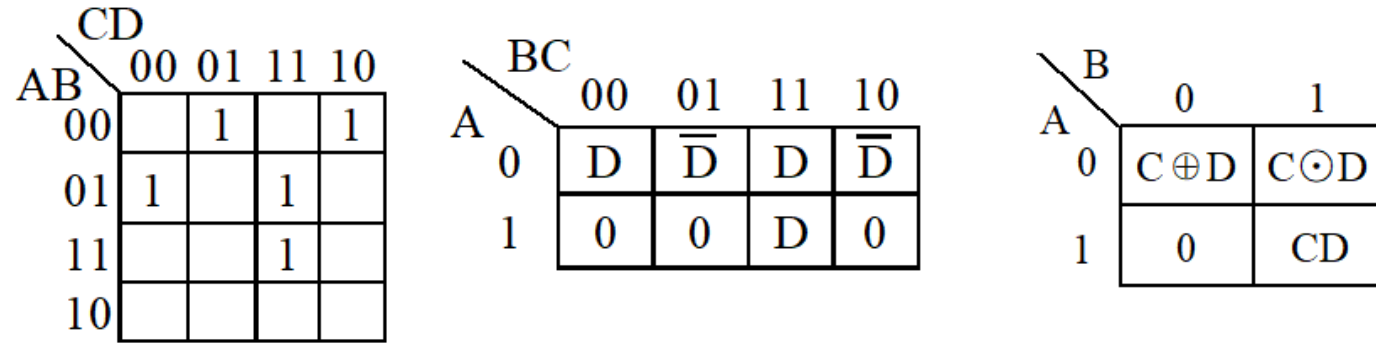


3.14 (1)

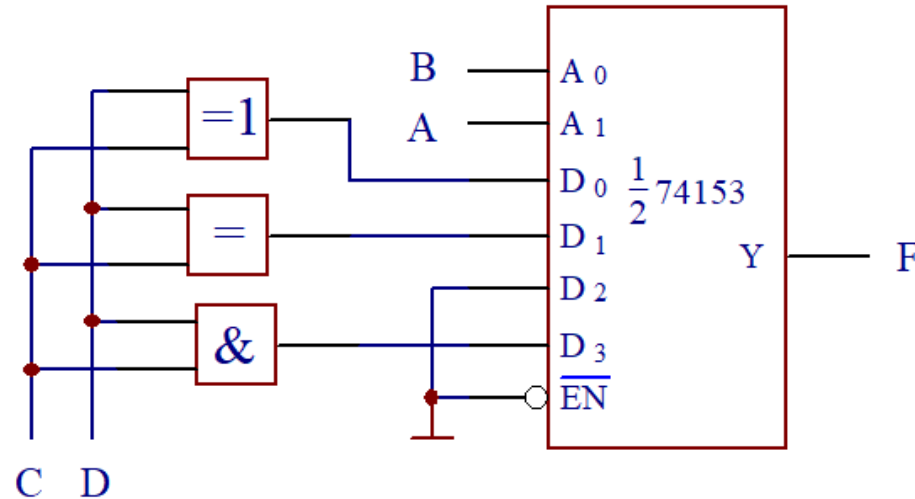
3.14 用 $\frac{1}{2}$ 74153 实现下列函数：

$$(1) F(A, B, C, D) = \sum m(1, 2, 4, 7, 15)$$

解：(1) 函数有 4 个输入变量，而 $\frac{1}{2}$ 74153 的地址端只有 2 个，即 A_1 、 A_0 ，故须对函数的卡诺图进行降维，即降为 2 维。

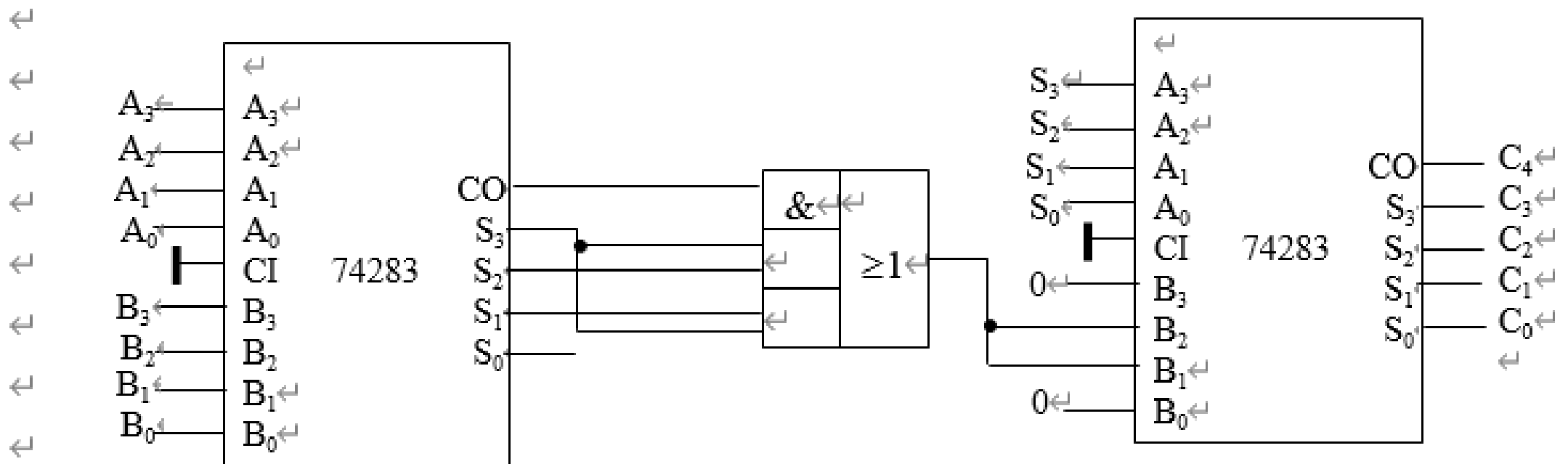


电路图如下：



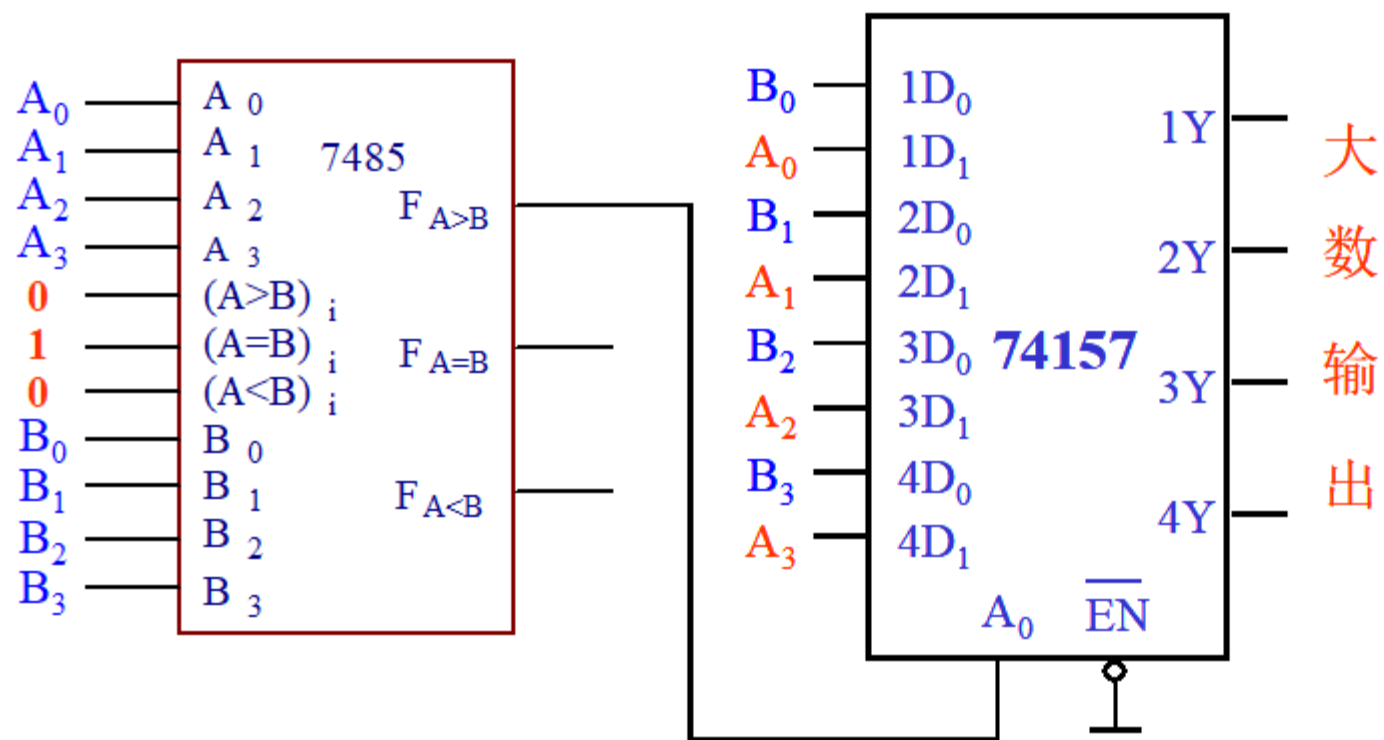
3.16 设 $A=A_3A_2A_1A_0, B=B_3B_2B_1B_0$ 均为 8421BCD 码。试用 74283 设计一个 A、B 的求和电路。(可用附加器件) ←

解：设 $CO S_3S_2S_1S_0$ 为 A、B 的二进制和，则当 $CO=1$ 或 $S_3S_2S_1S_0 > 1001$ 时，须加 0110 修正项进行调整，计算结果为 $C_4C_3C_2C_1C_0$ 。 ←



3.19

3.19 设 $A=A_3A_2A_1A_0$, $B=B_3B_2B_1B_0$ 是两个 4 位二进制数。试用 7485 和 74157 (四二选一 MUX) 构成一个比较电路并能将其中大数输出。试画出逻辑图。



3.20

3.20 试用 7485 设计一个三个数的判断电路。要求能够判断三个 4 位二进制数 A 、 B 、 C 是否相等, A 是否最大, A 是否最小, 并分别给出“三个数相等”“ A 最大”“ A 最小”的输出信号(可附加必要的门电路)。

【分析解答题】试用两个 4 位数值比较器组成三个数的判断电路, 要求能够判断三个四位二进制数 $A(a_3a_2a_1a_0)$, $B(b_3b_2b_1b_0)$, $C(c_3c_2c_1c_0)$ 是否相等, A 是否最大, A 是否最小, 并分别给出“三个数相等”、“ A 最大”、“ A 最小”的输出信号。可以附加必要的门电路。

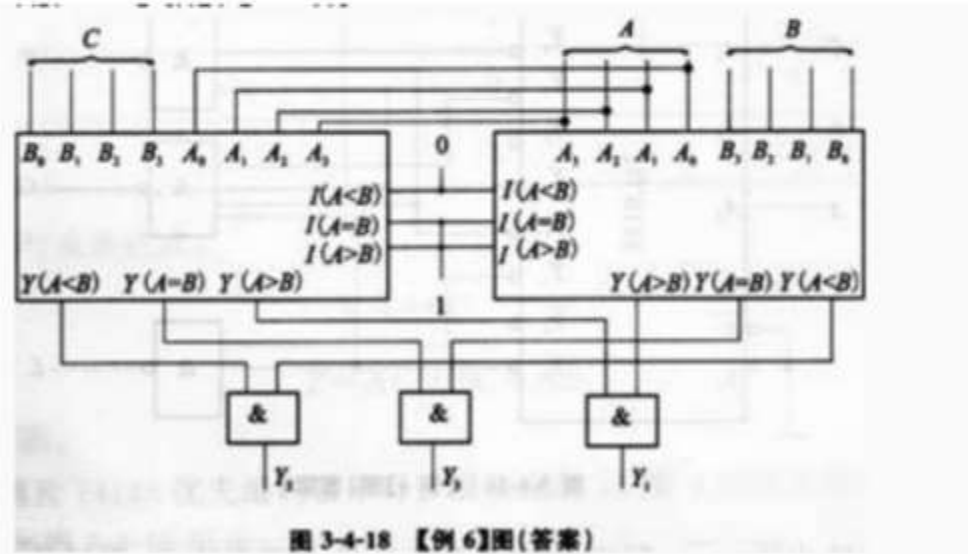
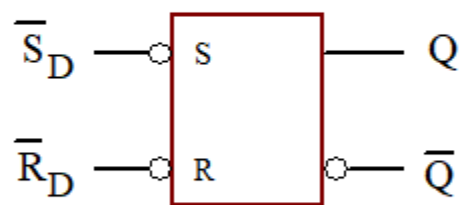
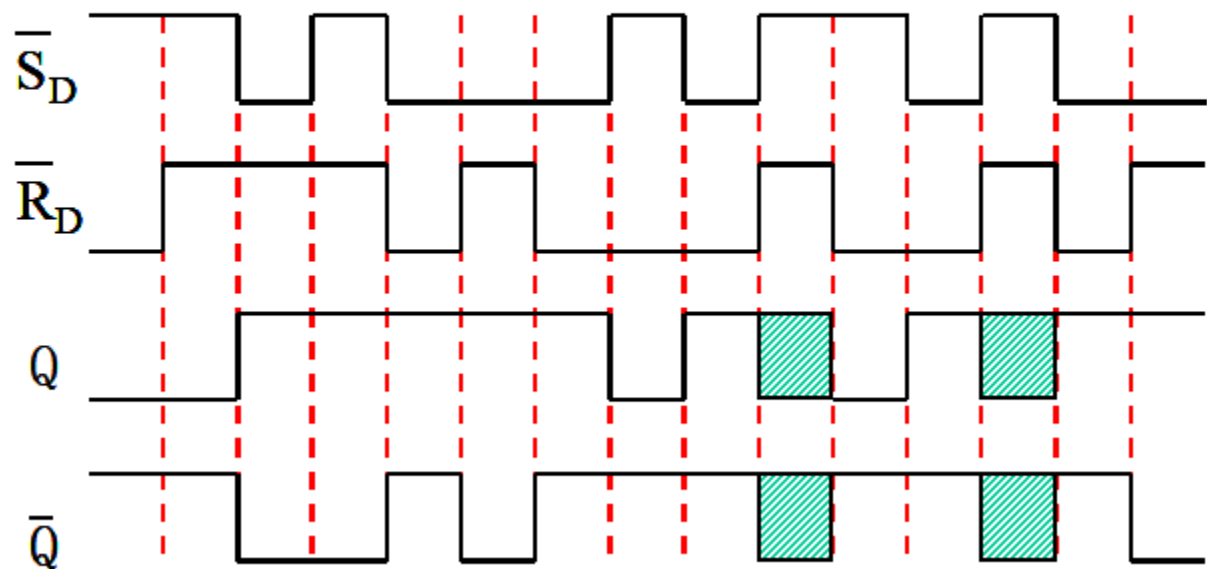


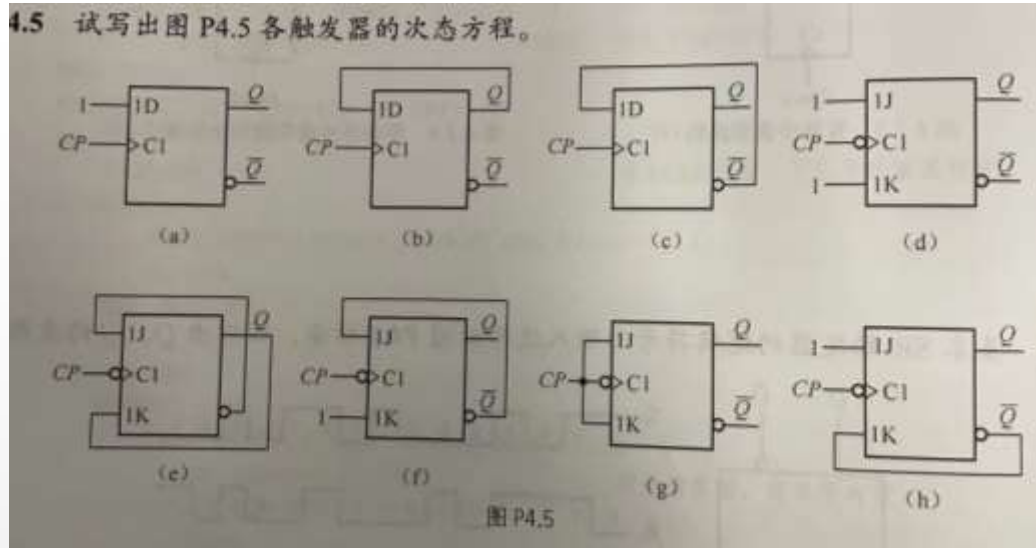
图 3-4-18 【例 6】图(答案)

4.1

4.1 基本触发器的逻辑符号与输入波形如图 P5.1 所示。试作出 Q 、 \bar{Q} 的波形。



4.5(c,e,h)



(c) 特征方程: $Q^{n+1} = [\bar{Q}^n] \cdot CP \uparrow$

(e) 特征方程: $Q^{n+1} = [\bar{Q}^n] \cdot CP \downarrow$

(h) 特征方程: $Q^{n+1} = [1] \cdot CP \downarrow$

←

4.7 5.8 维阻 D 触发器构成的电路如图 P5.8 所示，试作 Q 端波形。←

←

解：特征方程为： $Q^{n+1}=D=\bar{Q}^n$ ， Q 端波形如图 P5.8 所示。←

←

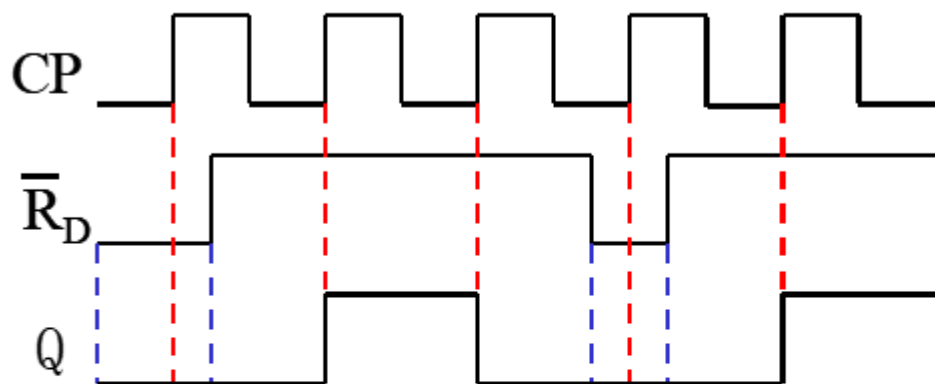
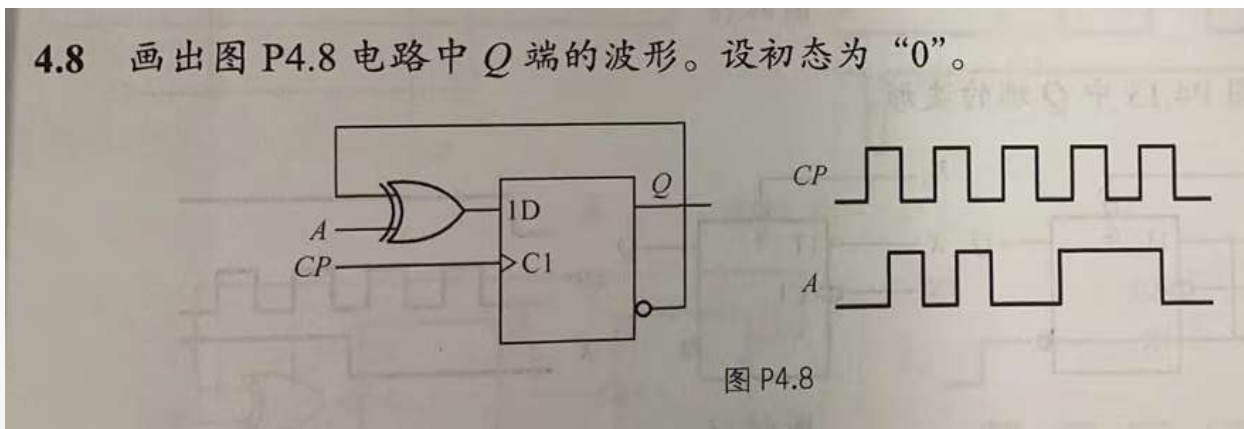


图 P5.8←

4.8

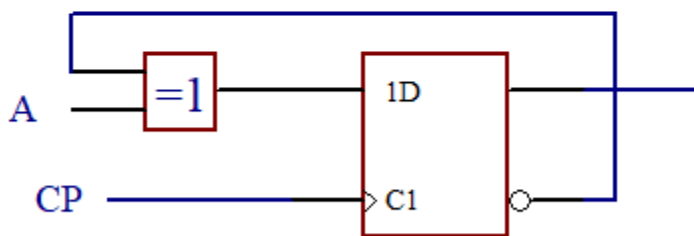
4.8 画出图 P4.8 电路中 Q 端的波形。设初态为“0”。



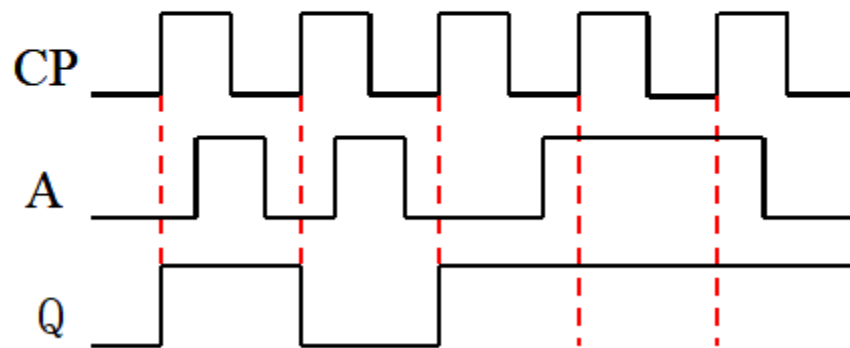
解：特征方程为：

$$Q^{n+1} = D = \bar{Q}^n$$

$$Q^{n+1} = D = \bar{Q}^n \oplus A$$



，Q 端波形如图 P5.10 所示。



4.10

4.10 画出图 P4.10 电路中 Q_1 和 Q_2 端的波形。

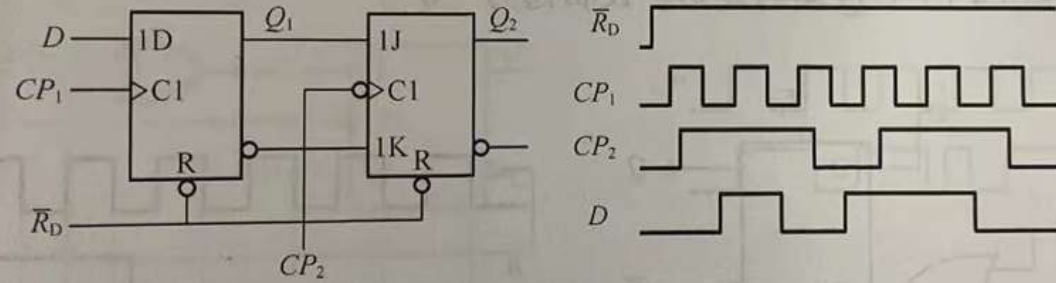
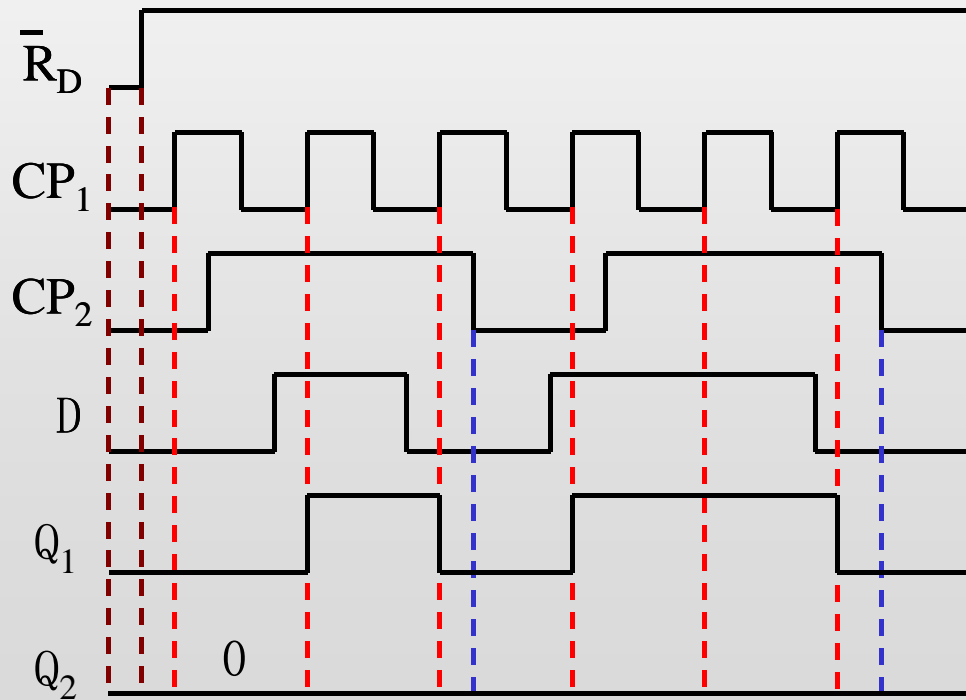


图 P4.10

4.10. $Q_1^{n+1} = [D] \cdot CP \uparrow$ $Q_2^{n+1} = [Q_1^n \bar{Q}^n + Q_1^n Q^n] \cdot CP_2 \downarrow = [Q_1^n] \cdot CP_2 \downarrow$



4.14 5.17 试作出图 P5.17 电路中 Q_1 、 Q_2 的波形。←

←

解：特征方程为： $Q_1^{n+1} = [\bar{Q}_1^n] \cdot (CP \oplus Q_2) \downarrow$ ， $Q_2^{n+1} = [\bar{Q}_2^n] \cdot Q_1 \downarrow$ ，Q 端波形如图 P5.17 所示。←

←

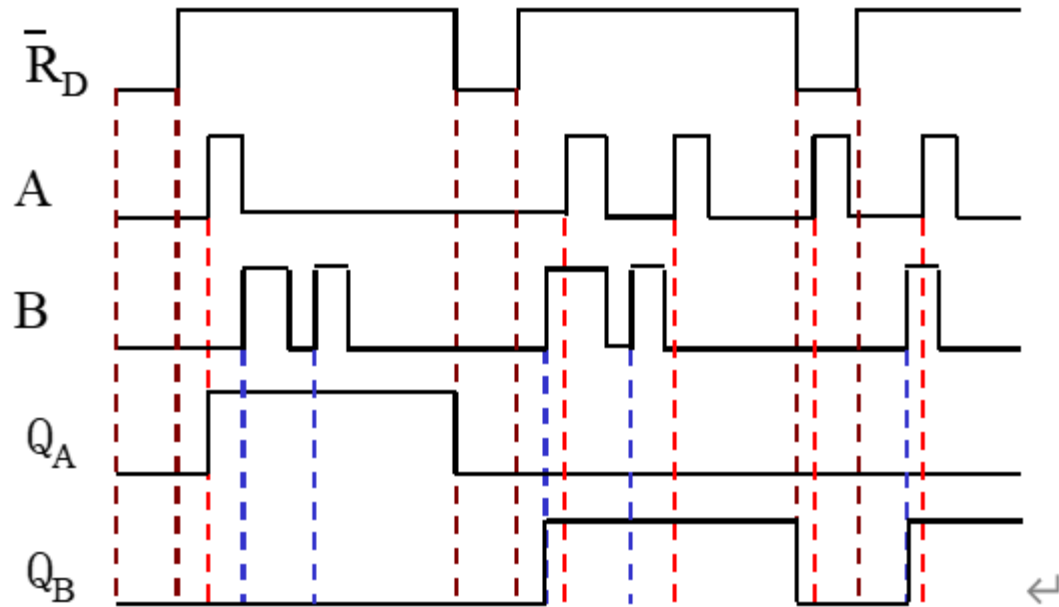
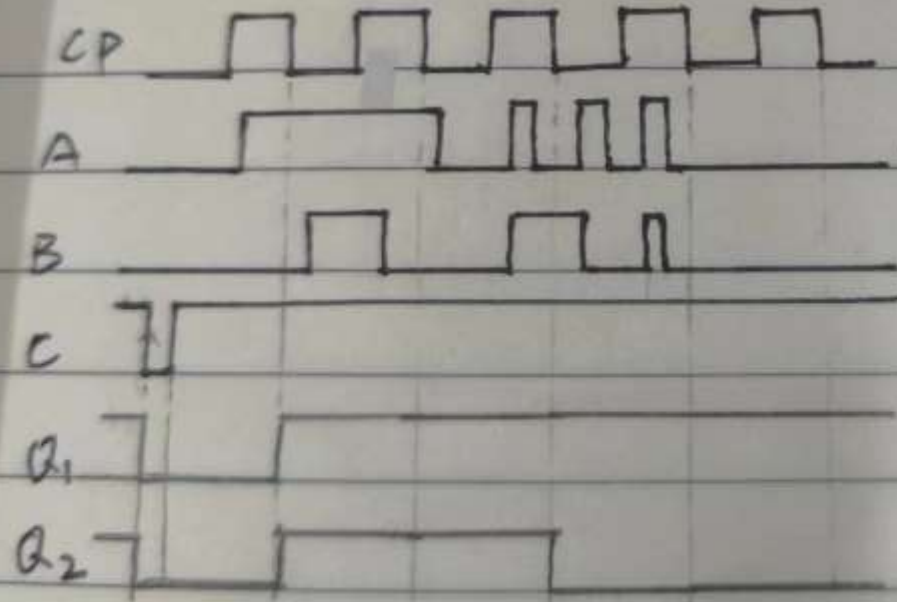


图 P5.17←

4.16

$$Q_2^{n+1} = J\bar{Q} + \bar{K}Q \quad CP \downarrow = [A\bar{Q}_2 + \bar{B}Q_2] CP \downarrow$$



4.

4.18

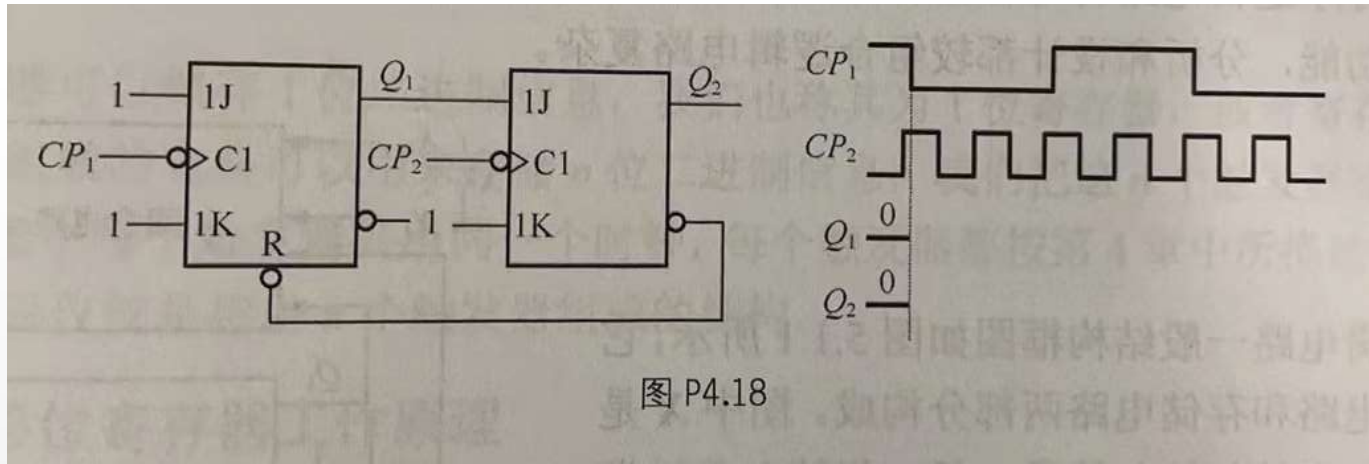
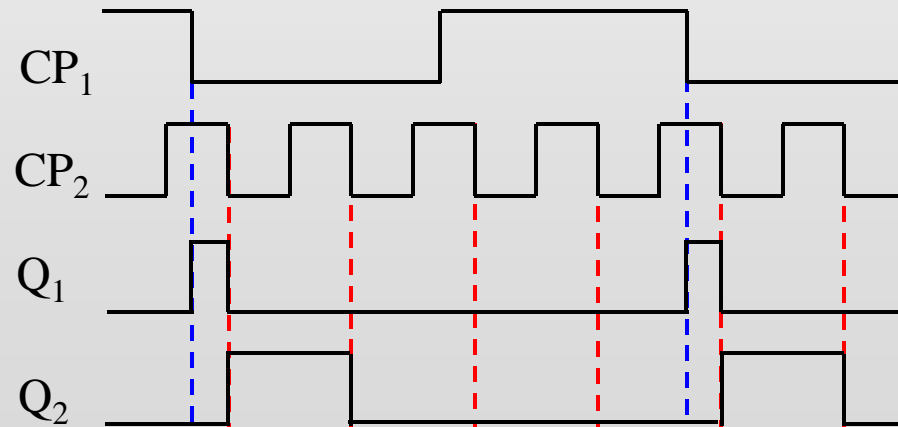


图 P4.18

解：特征方程为： $Q_1^{n+1} = [\bar{Q}_1^n] \cdot CP_1 \downarrow$ ， $Q_2^{n+1} = [Q_1^n \cdot \bar{Q}_2^n] \cdot CP_2 \downarrow$ ，Q 端波形如图 P5.18 所示。

Q_1 和 Q_2 对于 CP_2 都是 4 分频，即 $\frac{f_{Q_1}}{f_{CP_2}} = \frac{1}{4}$ ， $\frac{f_{Q_2}}{f_{CP_2}} = \frac{1}{4}$



4.20

4.20 已知输入 u_I 、输出 u_O 波形分别如图 P4.20 所示，试用两个 D 触发器将该输入波形 u_I 转换成输出波形 u_O 。

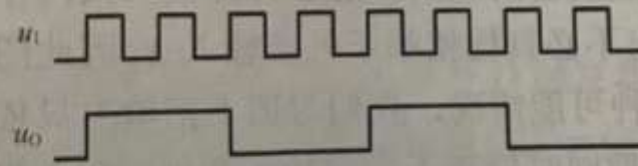


图 P4.20

解：输出 u_O 是对输入 u_I 的 4 分频，而采用 1 个 DFF 可实现 2 分频，故实现电路如图 P5.20 所示。

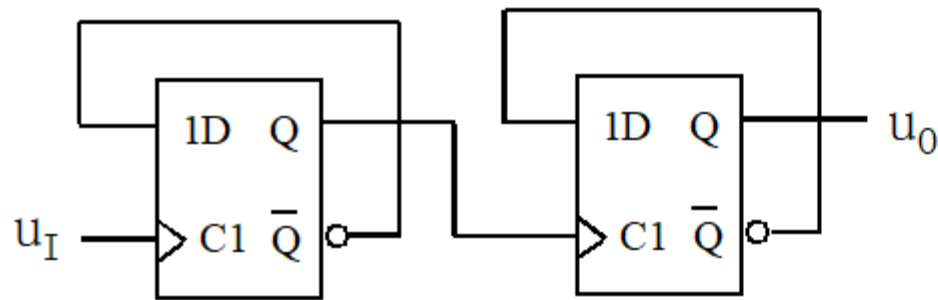
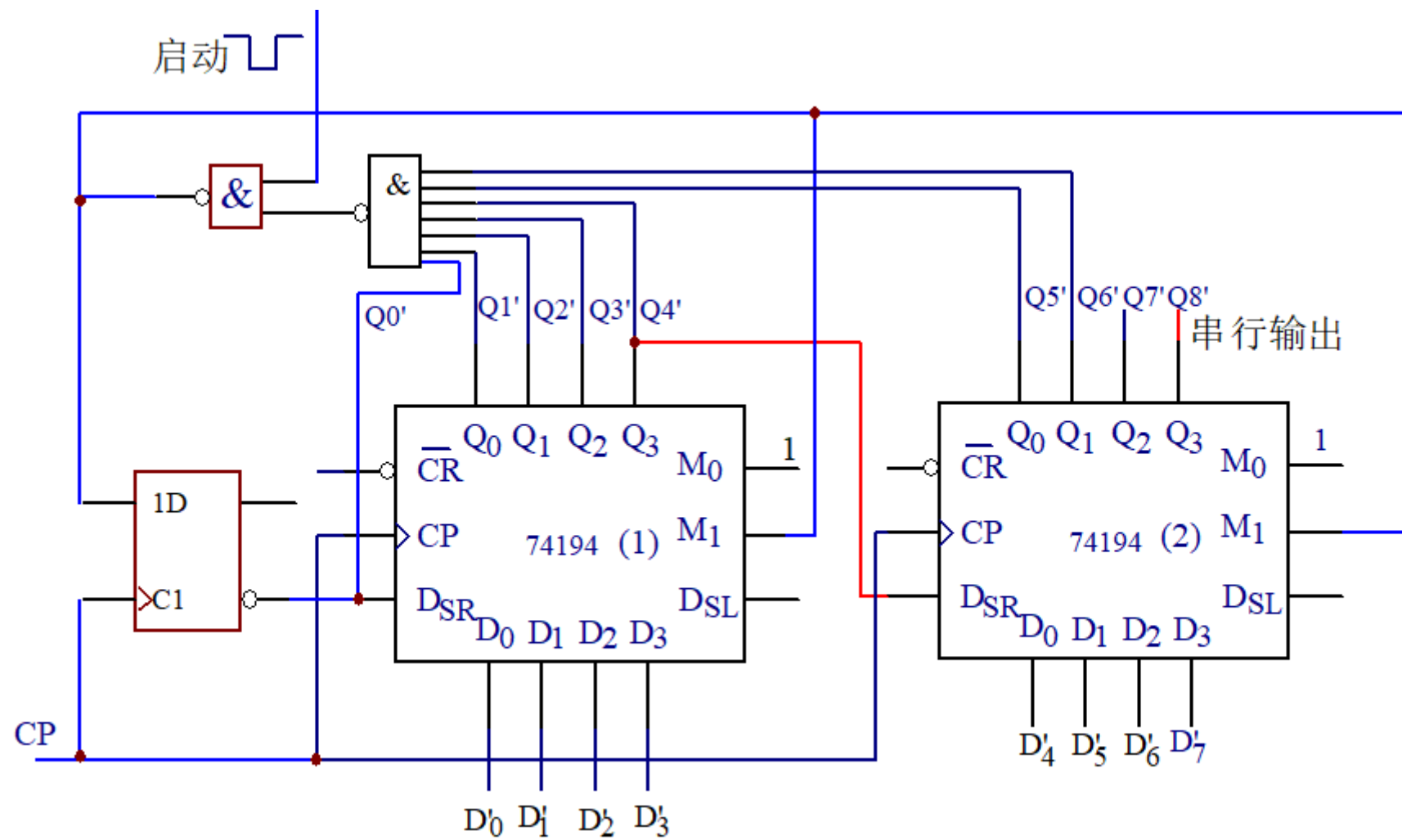


图 P5.20

5.2



5.4

5.4 试分析图 P5.2 所示的同步计数器的逻辑功能。

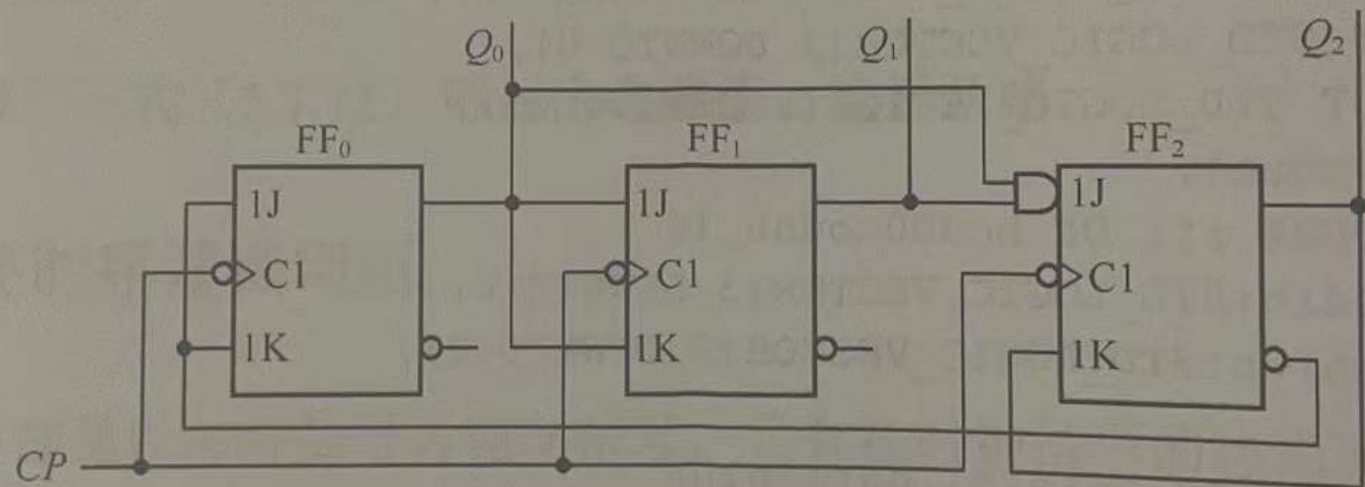


图 P5.2

5.4. 图 P5.2. 教材 P174.

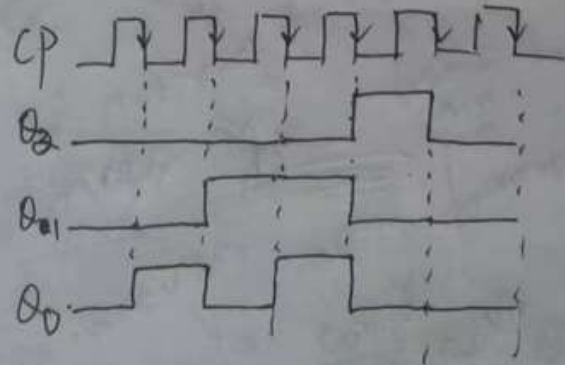
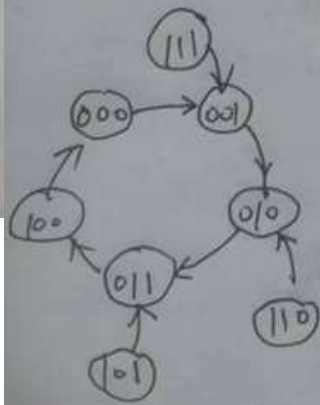
激励方程: $FF_0: \begin{cases} J_0 = K_0 = \bar{Q}_2^n \\ FF_1: J_1 = K_1 = Q_0^n \end{cases}$
 $FF_2: \begin{cases} J_2 = Q_0^n \cdot Q_1^n \\ K_2 = \bar{Q}_2^n \end{cases}$

次态方程:
 $Q_0^{n+1} = J_0 \bar{Q}_0^n + \bar{K}_0 Q_0^n = \bar{Q}_2^n \bar{Q}_0^n + Q_2^n \cdot Q_0^n = Q_2^n \odot Q_0^n$
 $Q_1^{n+1} = J_1 \bar{Q}_1^n + \bar{K}_1 Q_1^n = Q_0^n \bar{Q}_1^n + \bar{Q}_0^n Q_1^n = Q_0^n \oplus Q_1^n$
 $Q_2^{n+1} = J_2 \bar{Q}_2^n + \bar{K}_2 Q_2^n = Q_0^n Q_1^n \bar{Q}_2^n + \bar{Q}_2^n Q_2^n = Q_0^n Q_1^n \bar{Q}_2^n = \bar{Q}_2^n Q_1^n Q_0^n$

状态转移表:

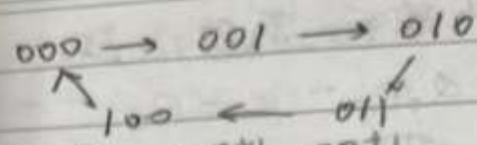
CP	现态 $Q_2^n \ Q_1^n \ Q_0^n$			次态 $Q_2^{n+1} \ Q_1^{n+1} \ Q_0^{n+1}$		
0	0	0	0	0	0	1
1	0	0	1	0	1	0
2	0	1	0	0	1	1
3	0	1	1	1	0	0
4	1	0	0	0	0	0
偏态	1	0	1	0	1	1
	1	1	0	0	1	0
	1	1	1	0	0	1

模5计数器



5.5

5.5 用D触发器设计



Q	Q_3^n	Q_2^n	Q_1^n	Q_3^{n+1}	Q_2^{n+1}	Q_1^{n+1}	D_3	D_2	D_1
0	0	0	0	0	0	1	0	0	1
1	0	0	1	0	1	0	0	1	0
2	0	1	0	0	1	1	0	1	1
3	0	1	1	1	0	0	1	0	0
4	1	0	0	0	0	0	0	0	0

D_3 :

$Q_3^n \backslash Q_2^n Q_1^n$	00	01	11	10
0	0	0	1	0
1	0	\emptyset	\emptyset	\emptyset

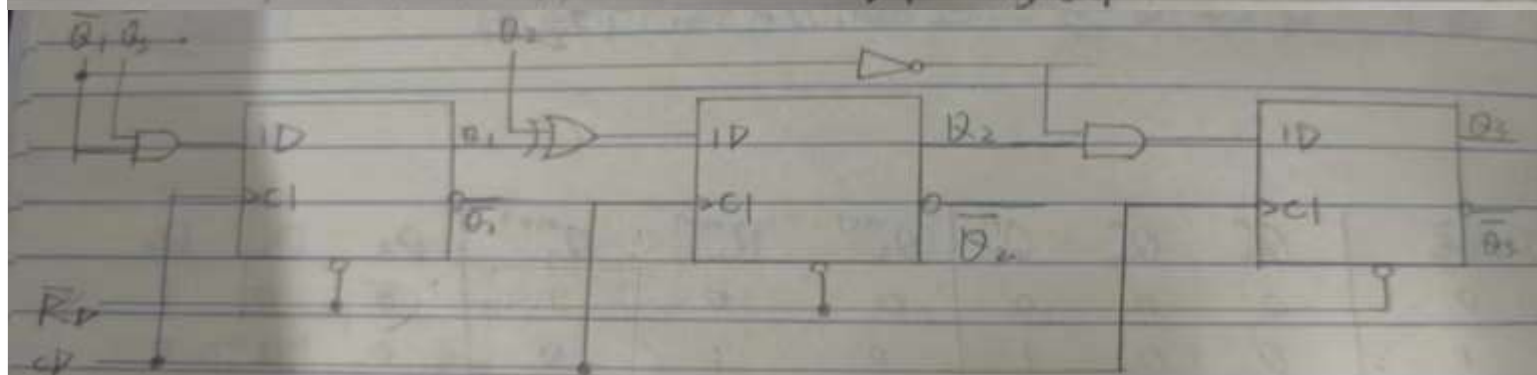
D_2 :

$Q_3^n \backslash Q_2^n Q_1^n$	00	01	11	10
0	0	1	0	1
1	0	\emptyset	\emptyset	\emptyset

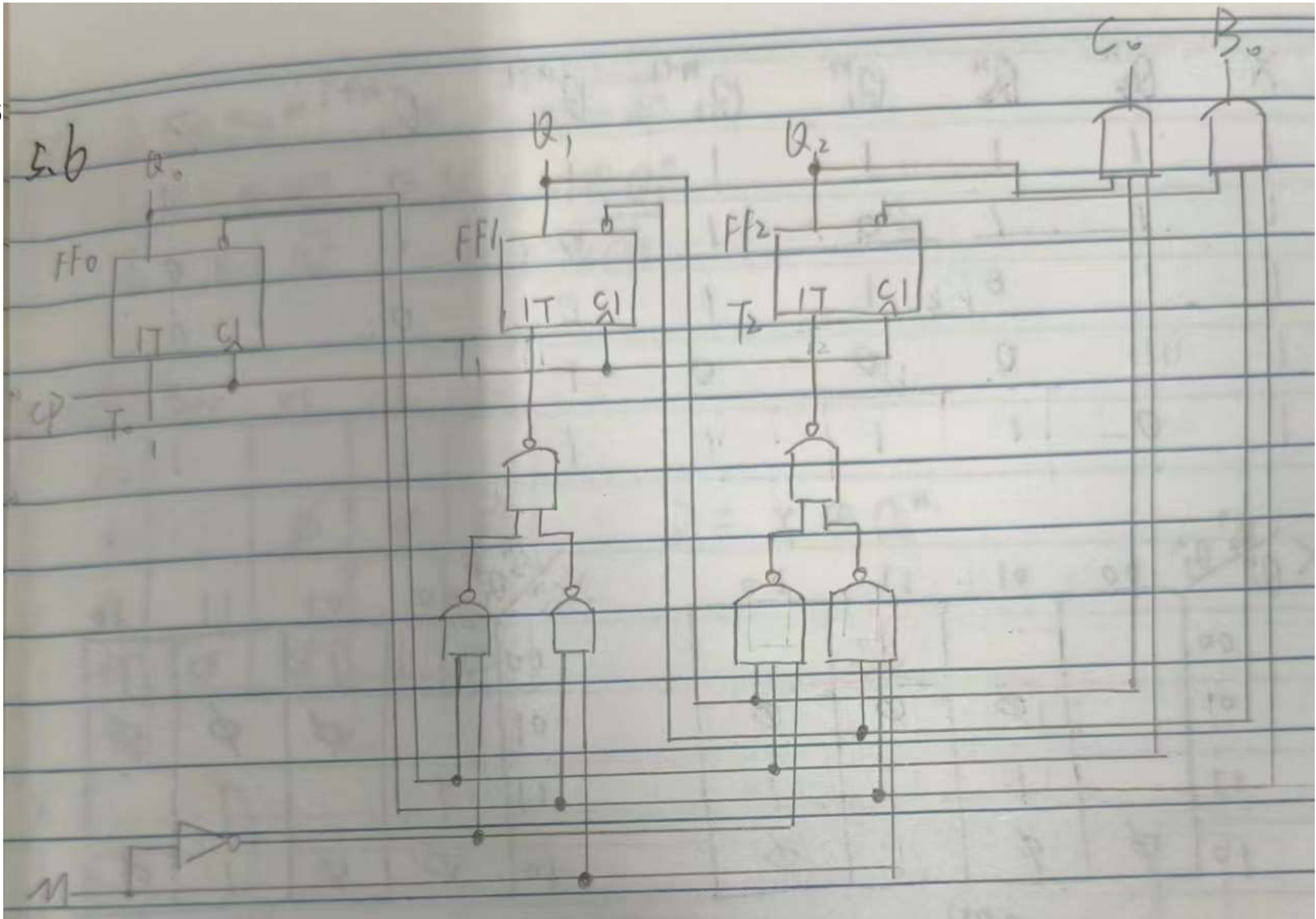
D_1 :

$Q_3^n \backslash Q_2^n Q_1^n$	00	01	11	10
0	1	0	0	1
1	0	\emptyset	\emptyset	\emptyset

$D_3 = Q_2^n Q_1^n$
 $D_2 = \overline{Q_2^n} Q_1^n + Q_2^n \overline{Q_1^n} = Q_1^n \oplus Q_2^n$
 $D_1 = \overline{Q_3^n} \overline{Q_1^n}$



5.6



5.9 用 JKFF 设计符合下列条件的同步计数器电路。

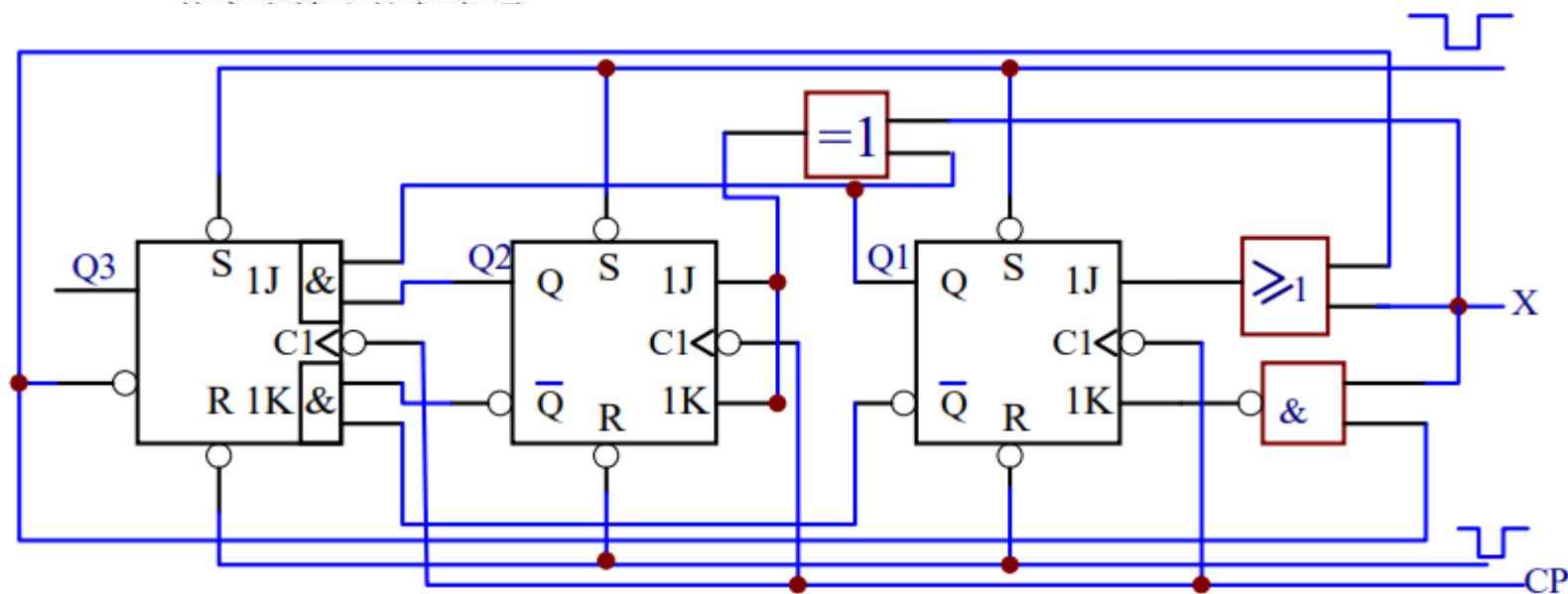
当 $X=0$ 时为 $M=5$ 的加法计数器，其状态为 0, 1, 2, 3, 4。

当 $X=1$ 时为 $M=5$ 的减法计数器，其状态为 7, 6, 5, 4, 3。

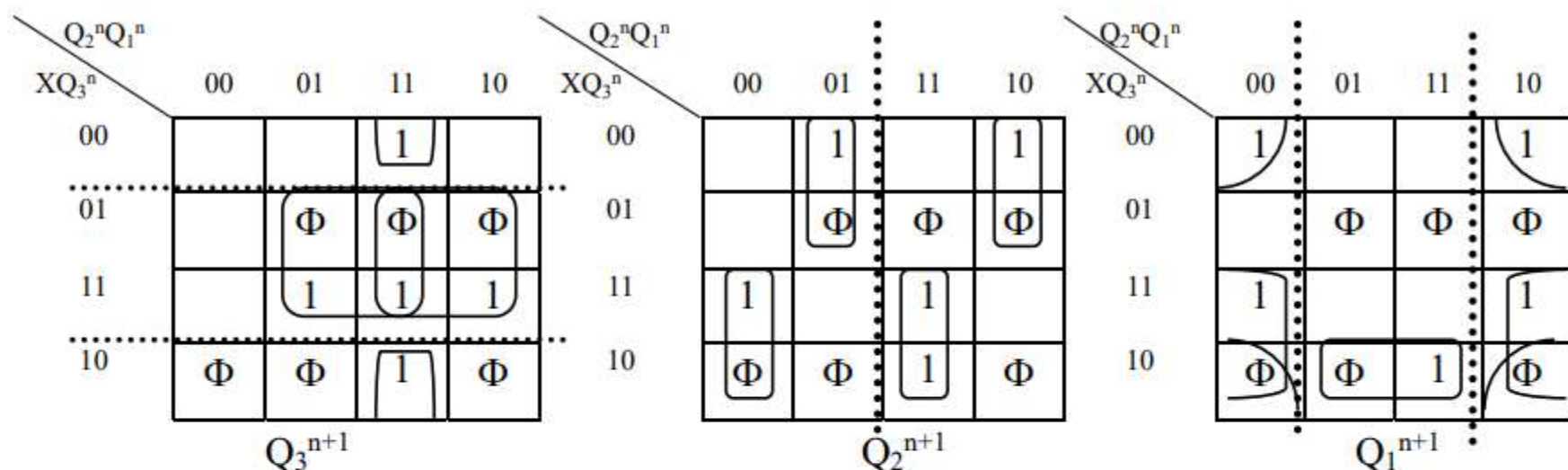
解：所设计电路应为 Mealy 型。有输入控制信号 X 。

1) 列状态转移表：

X	Q_3^n	Q_2^n	Q_1^n	Q_3^{n+1}	Q_2^{n+1}	Q_1^{n+1}	Z
0	0	0	0	0	0	1	0
0	0	0	1	0	1	0	0
0	0	1	0	0	1	1	0
0	0	1	1	1	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0	1
1	1	1	1	1	1	0	0
1	1	1	0	1	0	1	0
1	1	0	1	1	0	0	0
1	1	0	0	0	1	1	0
1	0	1	1	1	1	1	1



2) 求激励方程:



$$Q_3^{n+1} = Q_2^n Q_1^n \bar{Q}_3^n + (Q_2^n + Q_1^n) Q_3^n \quad \text{所以 } J_3 = Q_2^n Q_1^n, \quad K_3 = \overline{Q_2^n + Q_1^n}$$

$$Q_2^{n+1} = (\bar{X} Q_1^n + X \bar{Q}_1^n) \bar{Q}_2^n + (X Q_1^n + \bar{X} \bar{Q}_1^n) Q_2^n$$

$$\text{所以 } J_2 = \bar{X} Q_1^n + X \bar{Q}_1^n = X \oplus Q_1^n, \quad K_2 = \overline{X Q_1^n + \bar{X} \bar{Q}_1^n} = X \oplus Q_1^n$$

$$Q_1^{n+1} = (\bar{Q}_3^n + X) \bar{Q}_1^n + X \bar{Q}_3^n Q_1^n \quad \text{所以 } J_1 = \bar{Q}_3^n + X, \quad K_1 = \overline{X \bar{Q}_3^n}$$

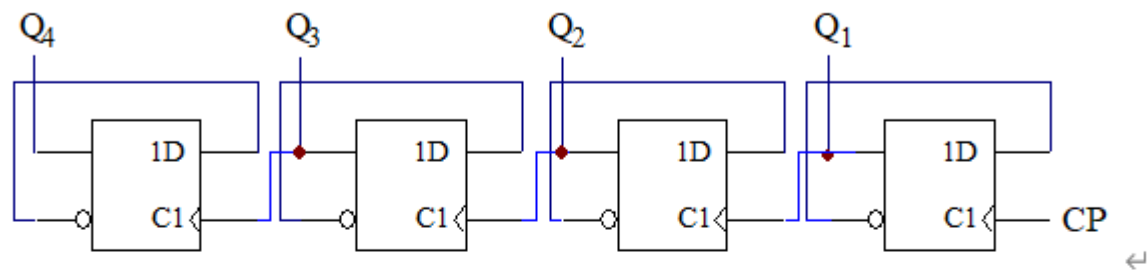
5.12

6.13 用四个 DFF 设计以下电路：←

(1) 异步二进制减法计数器。←

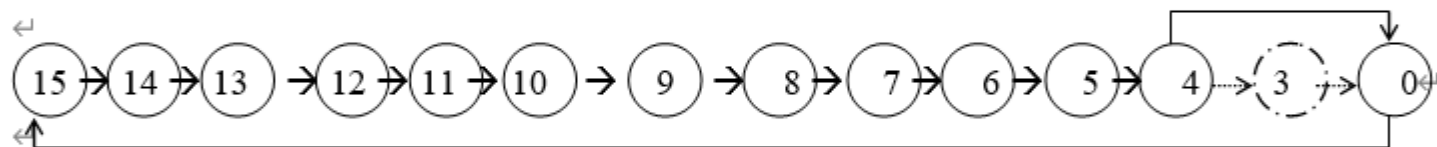
(2) 在 (1) 的基础上用复“0”法构成 M=13 的异步计数器。←

解：(1) ←

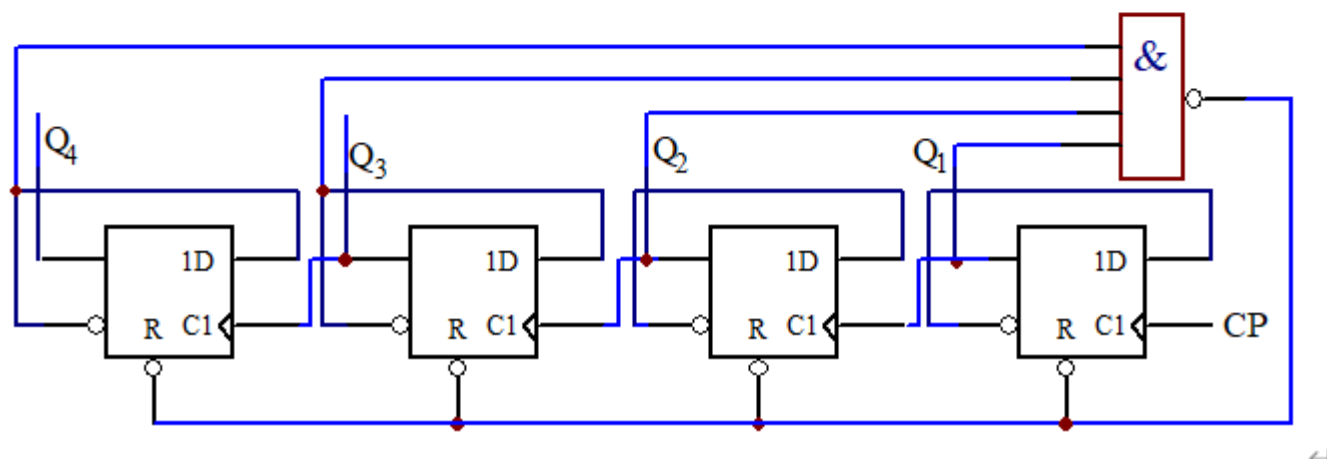


题 6.13 (1) 电路图←

(2) 状态转移图：←



反馈状态为 0011，此状态为过渡态，在状态编码表中该状态不出现。←



5.15

5.15 写出图 P5.8 电路的状态转移表并求出模长 M 。

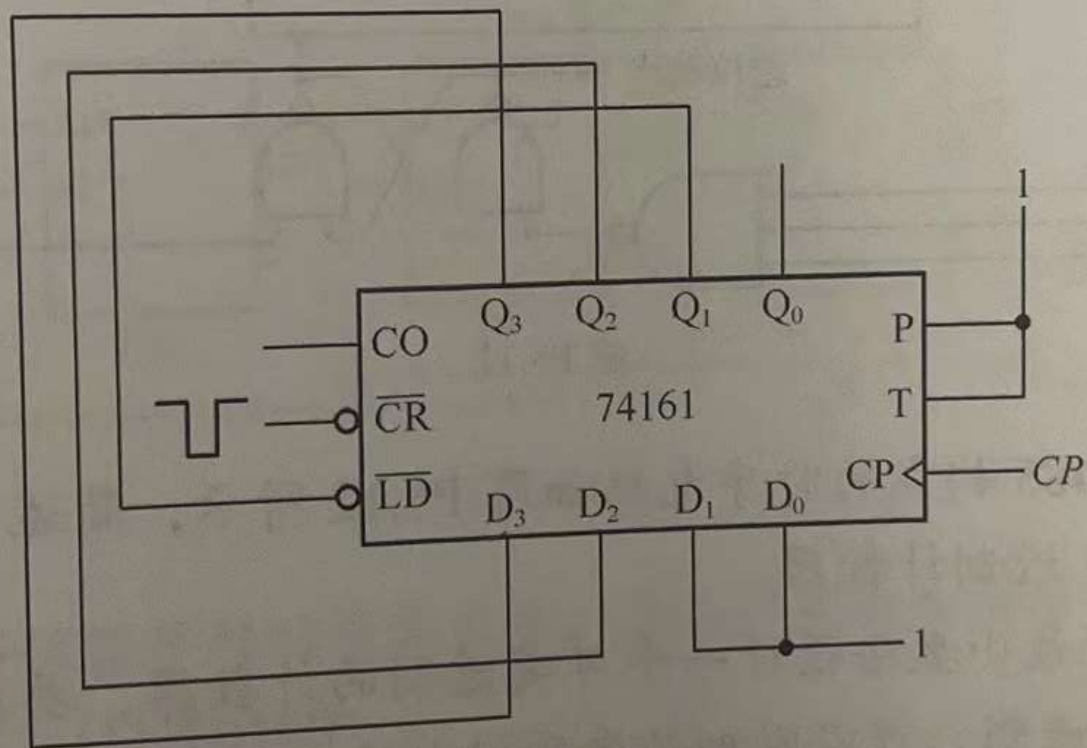
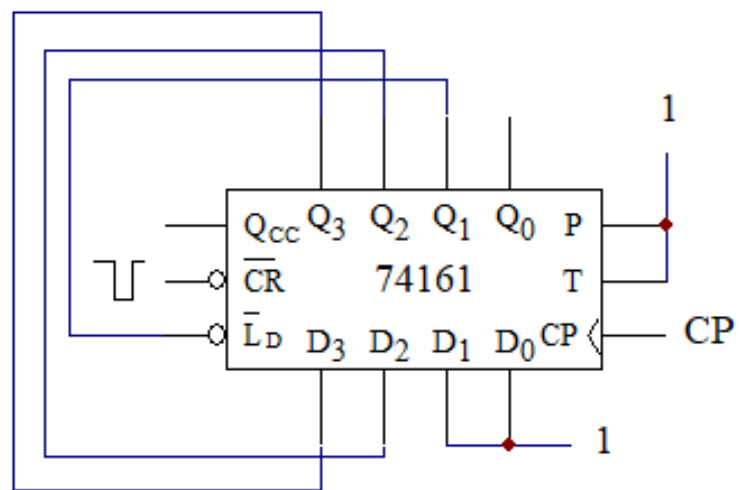


图 P5.8



解：↕状态转移表：

Q ₃	Q ₂	Q ₁	Q ₀	
0	0	0	0	
0	0	1	1	置 3
0	1	0	0	
0	1	1	1	置 7
1	0	0	0	
1	0	1	1	置 11
1	1	0	0	
1	1	1	1	置 15

M=8

5.16

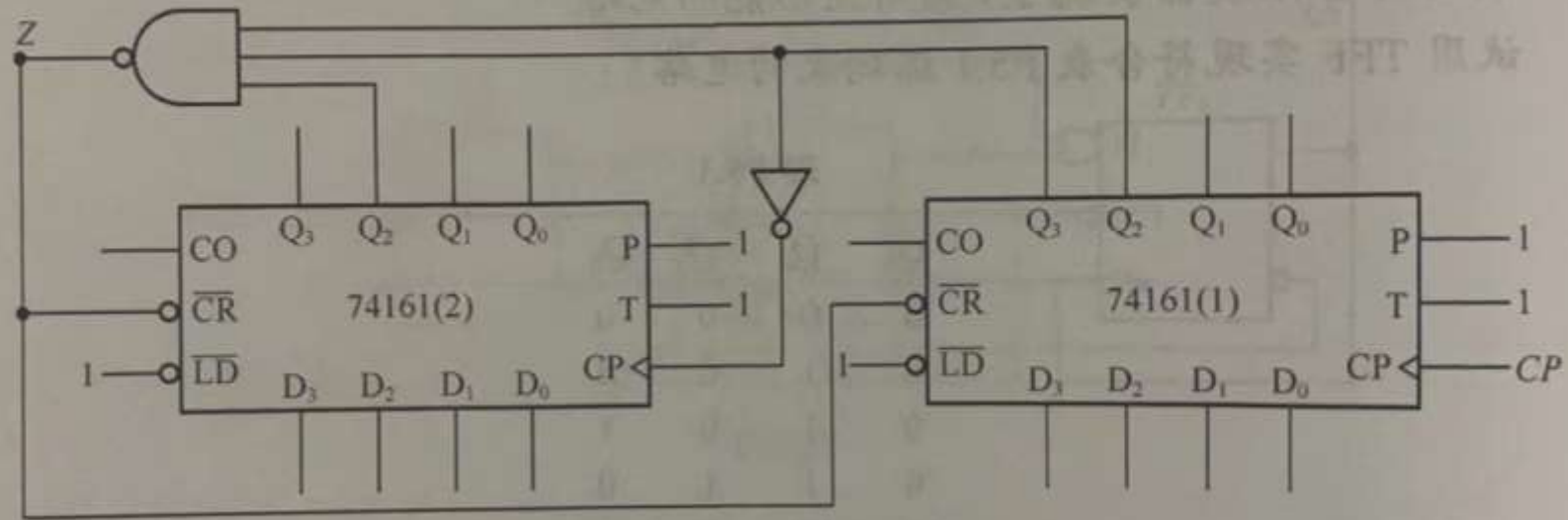
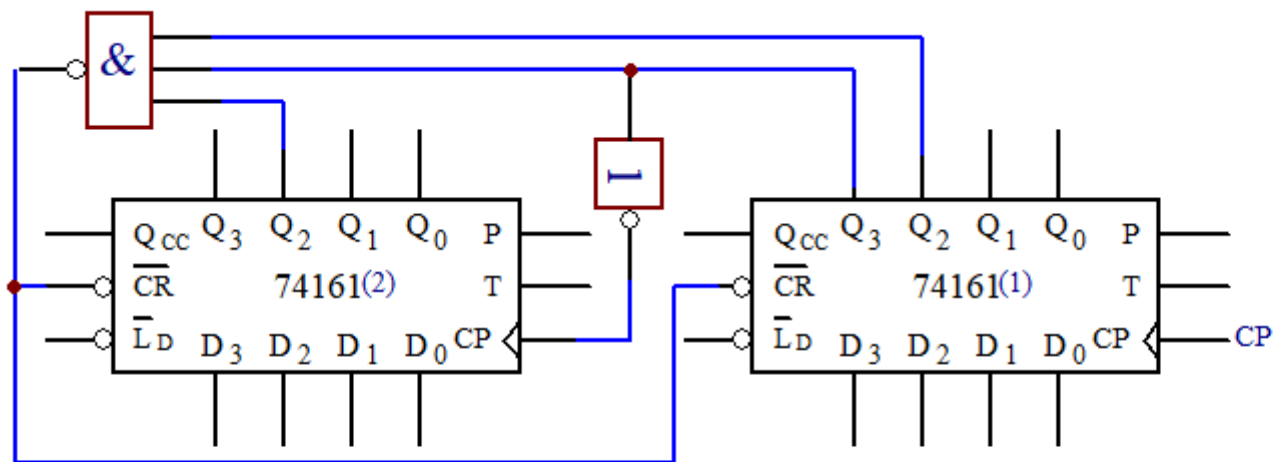
5.16 试分析图 P5.9 能实现 M 为多少的分频。

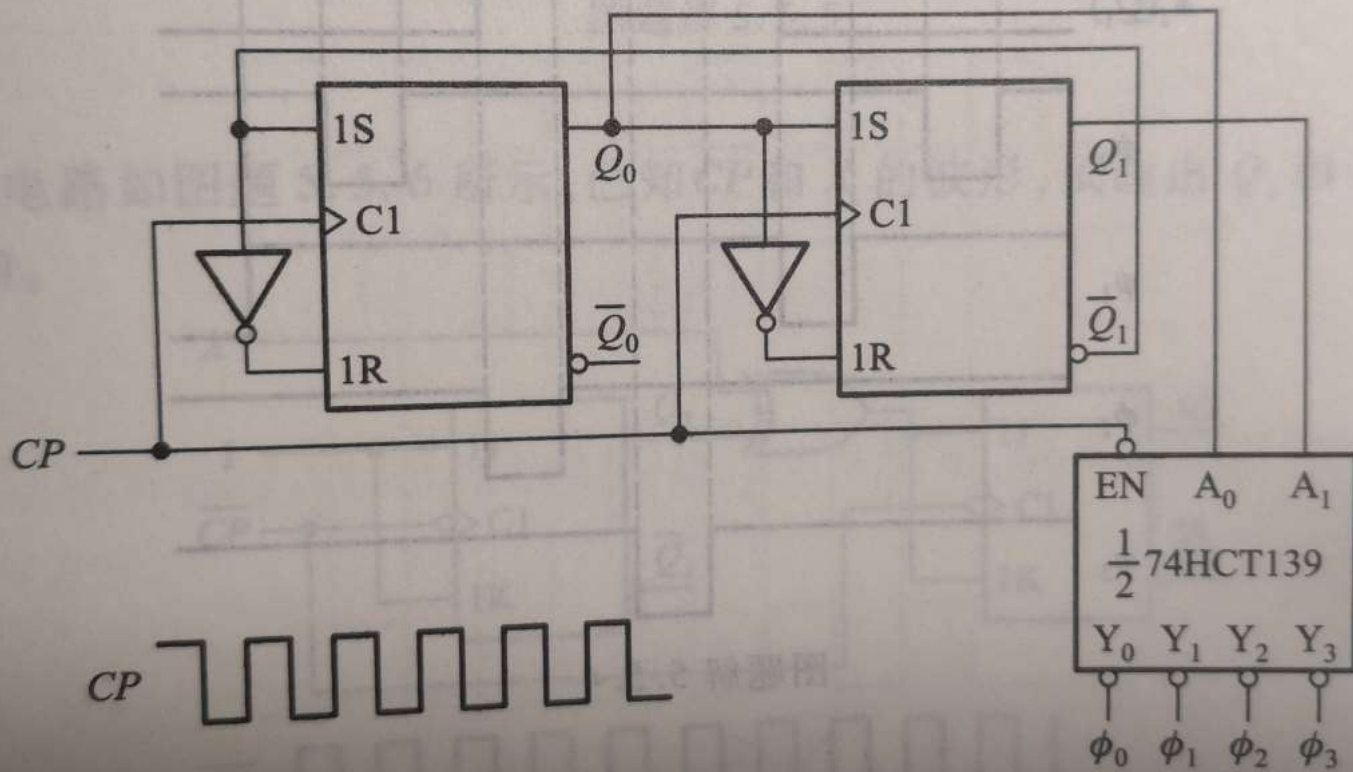
图 P5.9



解：74161(1)的 \bar{Q}_3 接至74161(2)的CP，两74161为异步级联，反馈状态为 $(4C)_H=76$ ，又利用异步清0端，所以 $M=76$ 。

课外补充:

5.5.4 逻辑电路如图题 5.5.4 所示,初始状态为 $Q_0 = Q_1 = 0$,试画出在 CP 作用下, ϕ_0 、 ϕ_1 、 ϕ_2 和 ϕ_3 的波形。



课外补充:

解:由逻辑电路图和 SR 触发器特性方程

$$\begin{cases} Q^{n+1} = S + \bar{R}Q^n \\ SR = 0 \text{ (约束条件)} \end{cases}$$

可列出表达式

$$Q_0^{n+1} = \bar{Q}_1^n + \bar{Q}_1^n Q_0^n = \bar{Q}_1^n$$

$$Q_1^{n+1} = Q_0^n + Q_0^n Q_1^n = Q_0^n$$

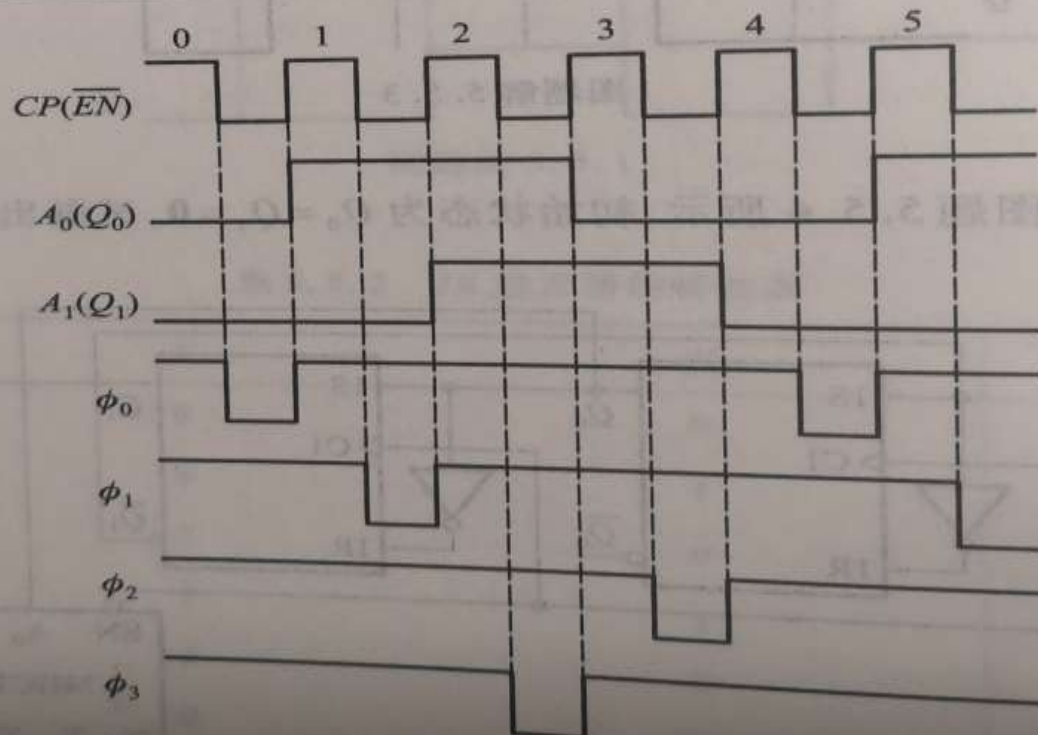
设初态为 $Q_1 = Q_0 = 0$, 列出真值表如表题解 5.5.4 所示。继而画出波形图, 如图题解 5.5.4 所示。

表题解 5.5.4

CP 序列	$A_1(Q_1)$	$A_0(Q_0)$	φ_3	φ_2	φ_1	φ_0
0	0	0	1	1	1	0
1	0	1	1	1	0	1

课外补充:

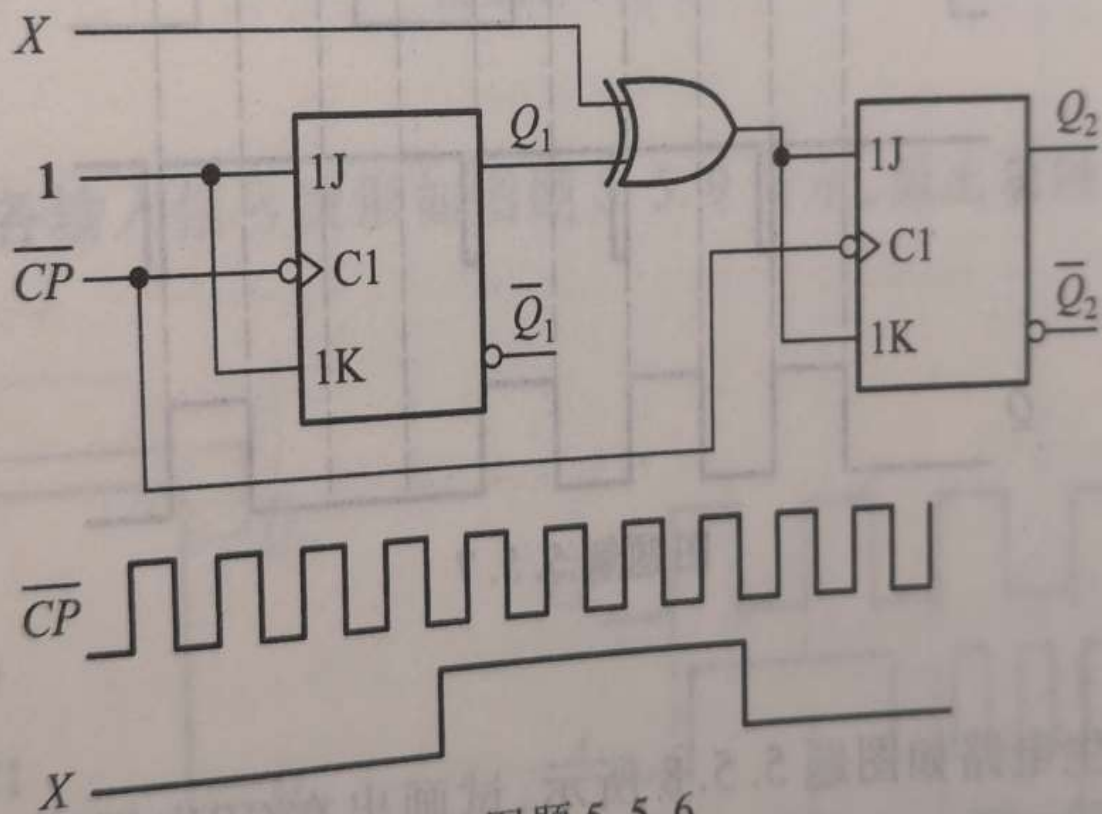
CP 序列	$A_1(Q_1)$	$A_0(Q_0)$	φ_3	φ_2	φ_1	φ_0
2	1	1	0	1	1	1
3	1	0	1	0	1	1
4	0	0	1	1	1	0
5	0	1	1	1	0	1



图题解 5.5.4

课外补充:

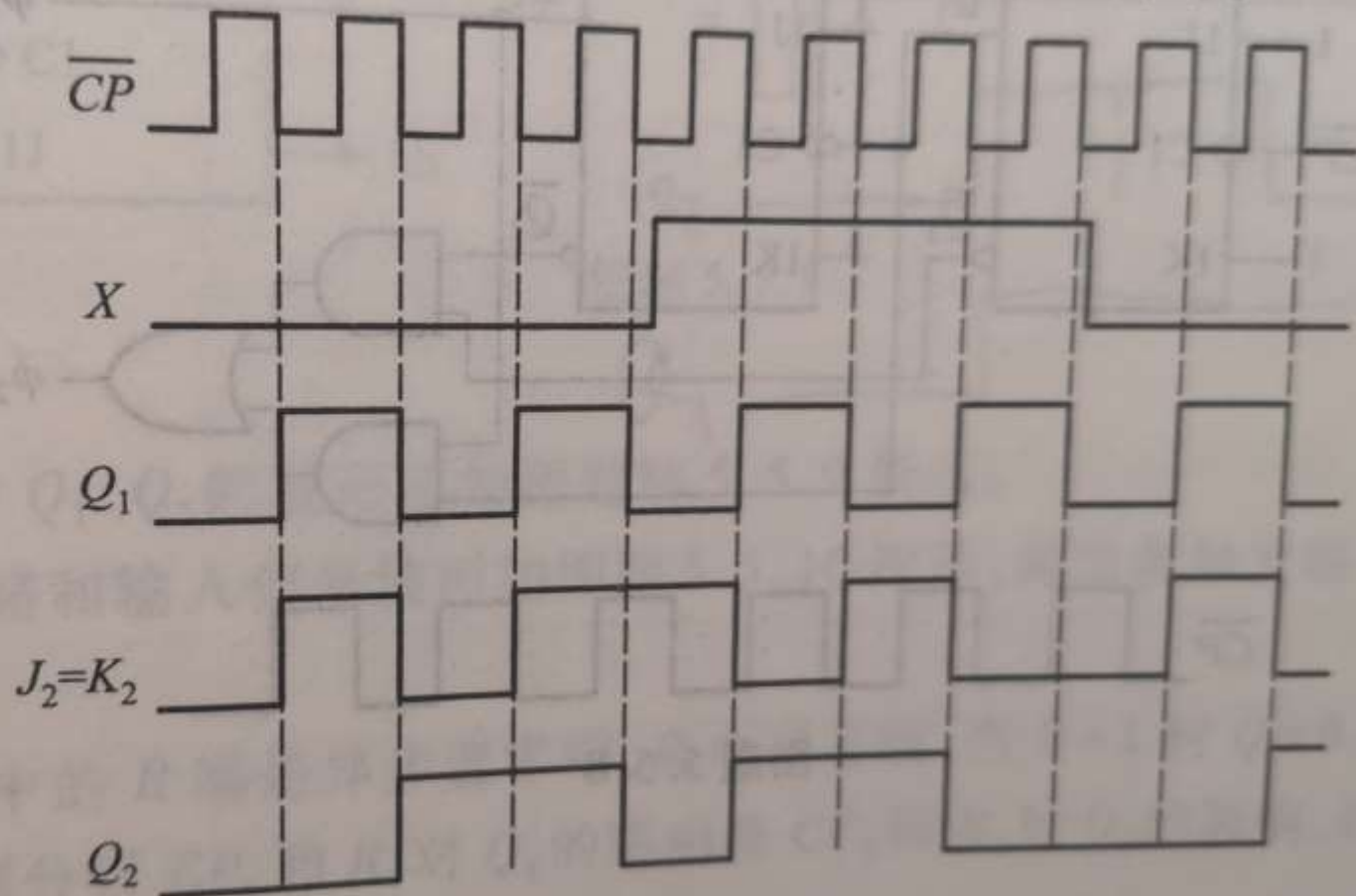
5.5.6 逻辑电路如图题 5.5.6 所示,已知 \overline{CP} 和 X 的波形,试画出 Q_1 和 Q_2 的波形。触发器的初始状态均为 0。



图题 5.5.6

课外补充:

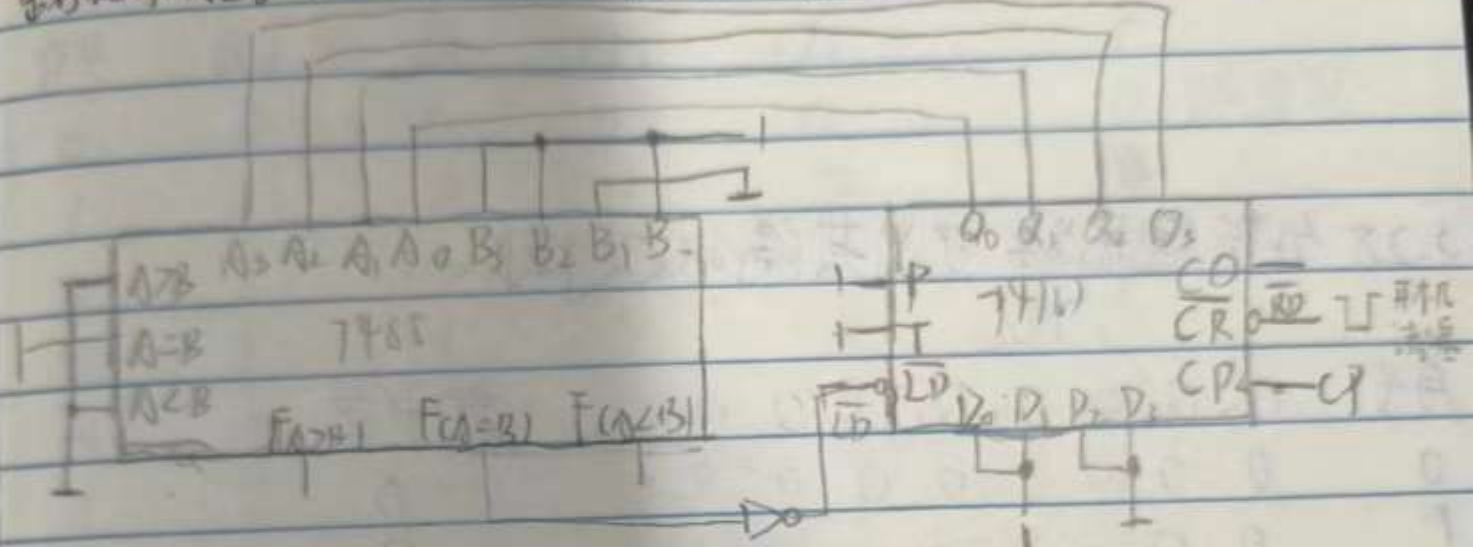
解:图题 5.5.6 所示电路中 Q_1 和 Q_2 的波形如图题解 5.5.6 所示。



图题解 5.5.6

5.2.1

5.20 由74161和7485构成同步时序电路如图PS.12所示, 简述电路的功能。对电路做适当修改, 实现N(N<16)进制计数器。

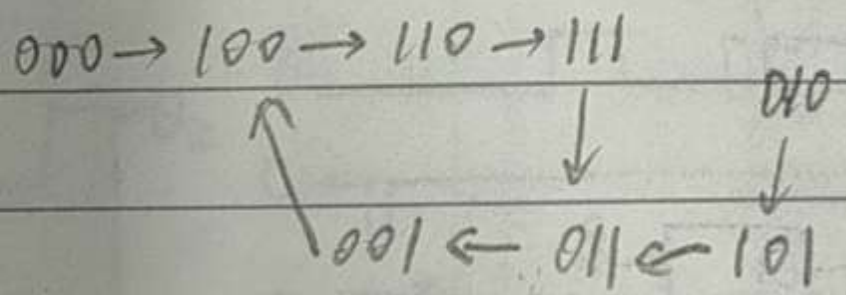
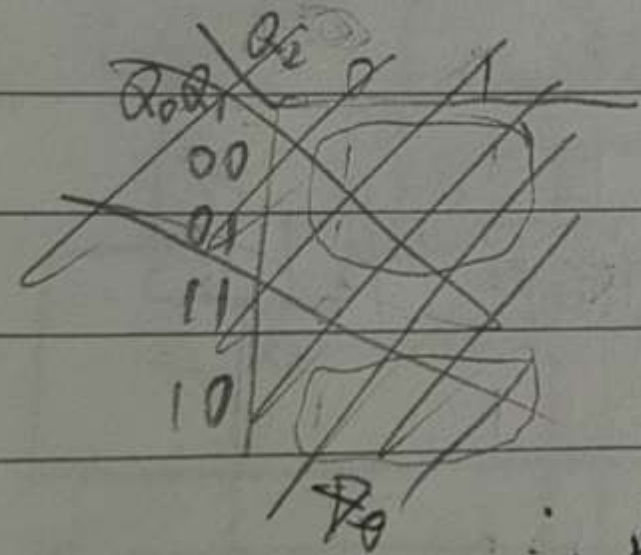


~~1100 → 1101 →~~
 0011 → 0100 → 0101 → 0110 → 0111 → 1000
 → 1001 → 1010 → 1011 → 1100 → 1101

改为加 B_3, B_1, B_2, B_3 M为11的加法计数器

5.24 分析移存型计数器电路

$$D_0 = (\overline{Q_1 + Q_2}) + (Q_1 \oplus Q_2) = \overline{Q_1} \overline{Q_2} + Q_1 \overline{Q_2} + \overline{Q_1} Q_2 = \overline{Q_2} + \overline{Q_1} Q_2$$



∴ 这是一个自启动模为5的有自启动性的计数器

5.28 分析图 6.28 电路，试写出其编码表及模长。

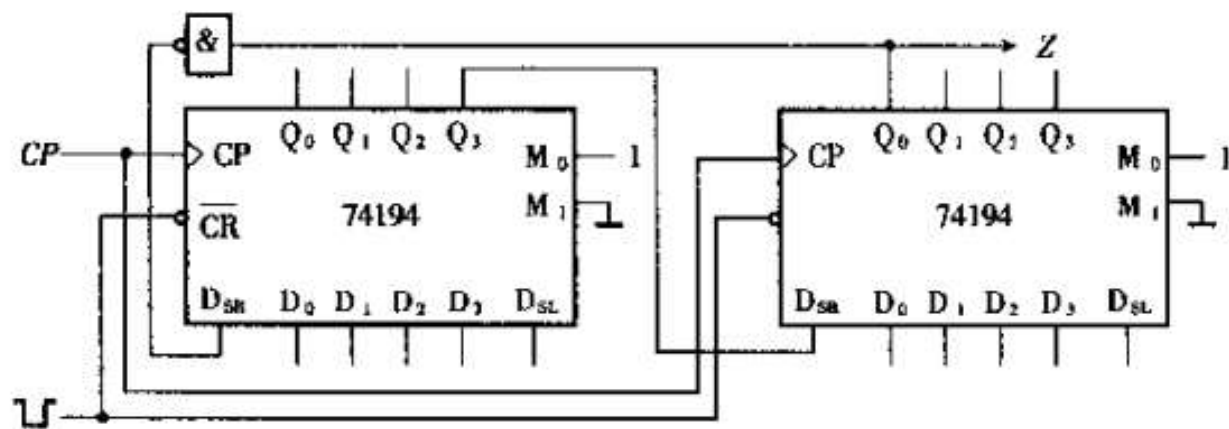


图 P6.38

解：分析两个 74194 级联成 8 位右移寄存器。取第二个 74194 的 \bar{Q}_0 反馈给第一片 74194 的 D_{SR} 。 $M_1M_0=01$ ，所以始终处于右移工作状态。其状态编码表为：（其中 Q_0' 为第二个 74194 的 Q_0 ）

序号	Q_0	Q_1	Q_2	Q_3	Q_0'	Z
启动	0	0	0	0	0	0
1	1	0	0	0	0	0
2	1	1	0	0	0	0
3	1	1	1	0	0	0
4	1	1	1	1	0	0
5	1	1	1	1	1	1
6	0	1	1	1	1	1
7	0	0	1	1	1	1
8	0	0	0	1	1	1
9	0	0	0	0	1	1

因此 $M=10$ 。

5.29

5.29 试写出图 P5.17 的 74194 输出端的编码表及数据选择器输出端 F 处的序列信号。
 5.30 写出图 P5.18 中 74161 输出端的序列信号。

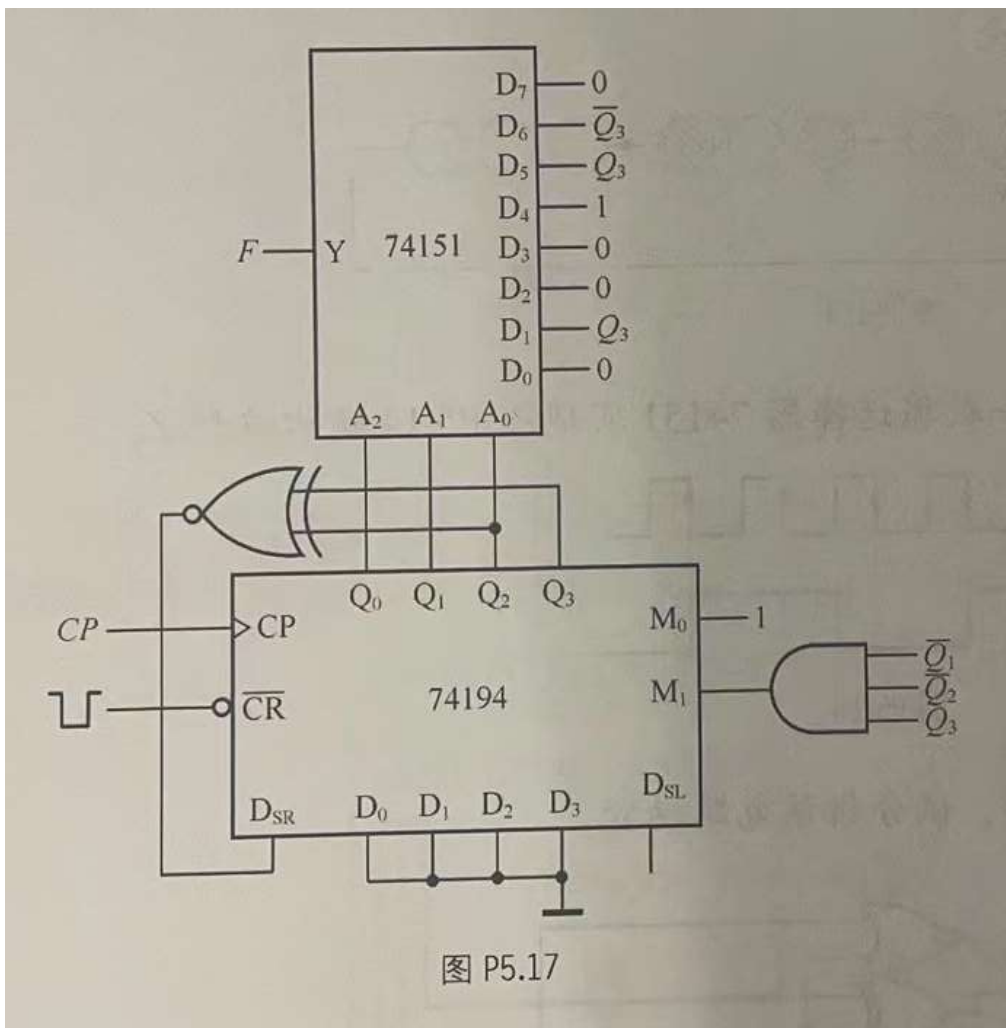


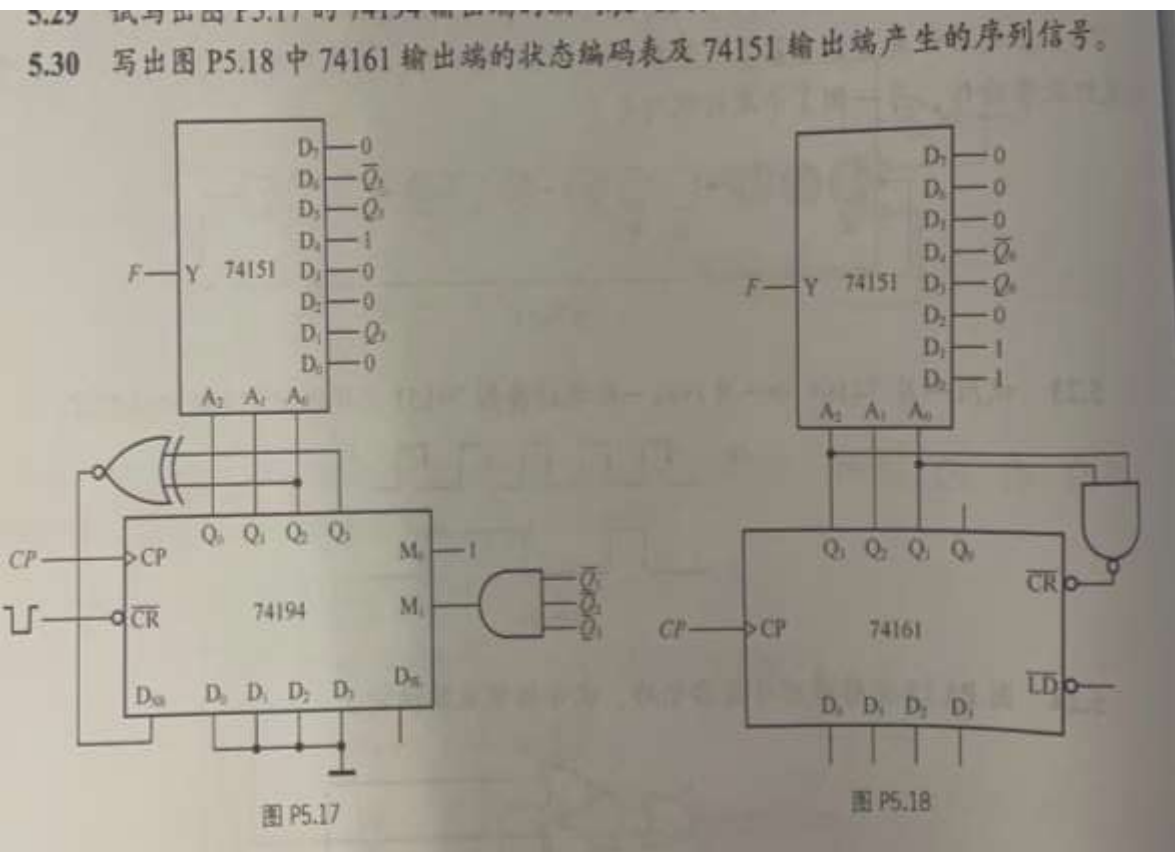
图 P5.17

解: $M_1 = \bar{Q}_1 \bar{Q}_2 Q_3$, $D_{SR} = Q_3 \oplus Q_2$ 。状态编码表为:

Q_0	Q_1	Q_2	Q_3	M_1	D_{SR}	74151 选择的 数据端	F
0	0	0	0	0	1	D_0	0
1	0	0	0	0	1	D_4	1
1	1	0	0	0	1	D_6	0
1	1	1	0	0	0	D_7	0
0	1	1	1	0	1	D_3	0
1	0	1	1	0	1	D_5	0
1	1	0	1	0	0	D_6	1
0	1	1	0	0	0	D_3	0
0	0	1	1	0	1	D_1	1
1	0	0	1	1	0	D_4	1

F 处的序列为: 0100001011。

5.30



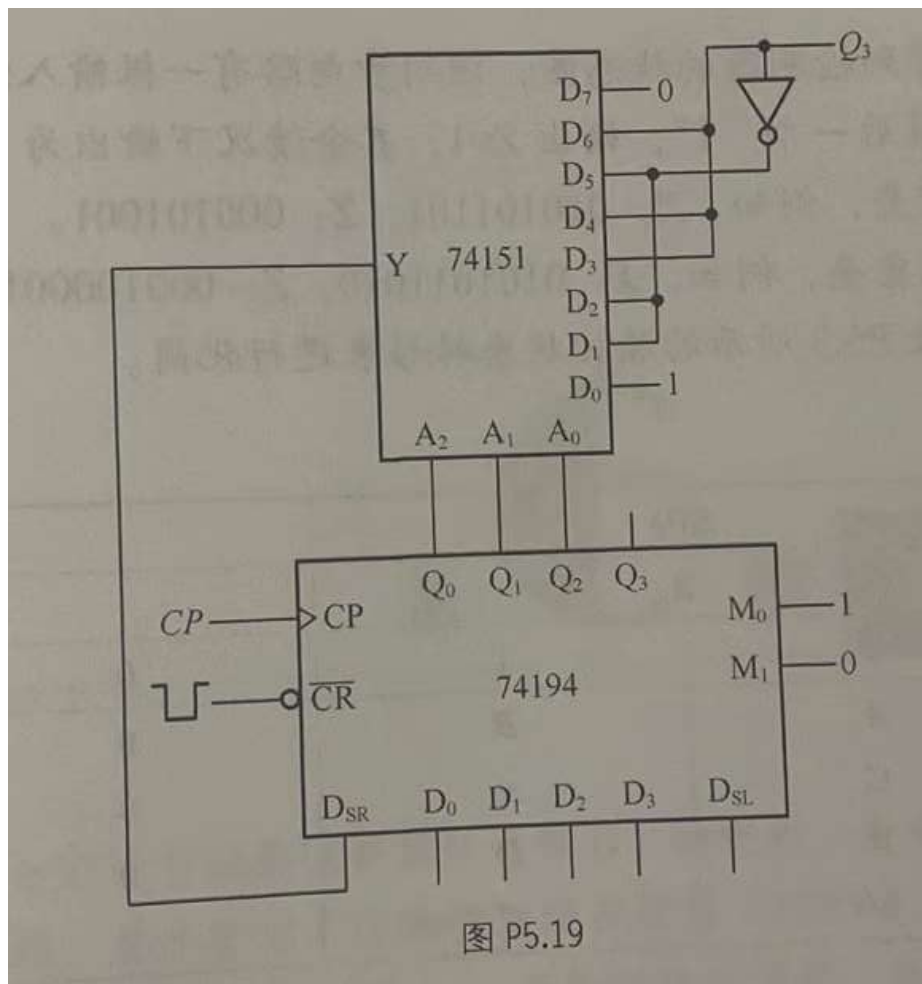
解: $\overline{CR} = \overline{Q_3 Q_1}$,

Q ₃	Q ₂	Q ₁	Q ₀	74151 选择的数据端	F
0	0	0	0	D0	1
0	0	0	1	D0	1
0	0	1	0	D1	1
0	0	1	1	D1	1
0	1	0	0	D2	0
0	1	0	1	D2	0
0	1	1	0	D3	0
0	1	1	1	D3	1
1	0	0	0	D4	1
1	0	0	1	D4	0

F 处的序列信号为: 1111000110。

5.31

5.31 试写出图 P5.19 中 74194 输出端 Q_0 处的序列信号。



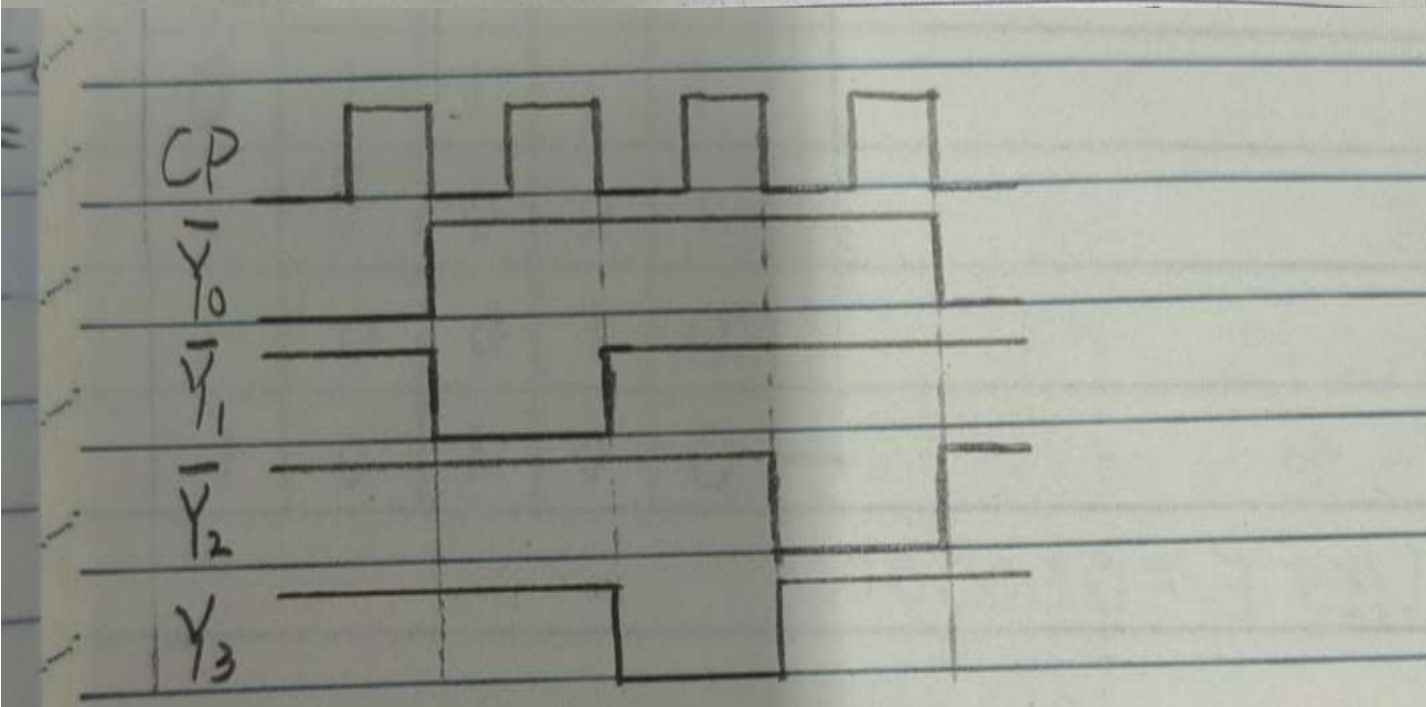
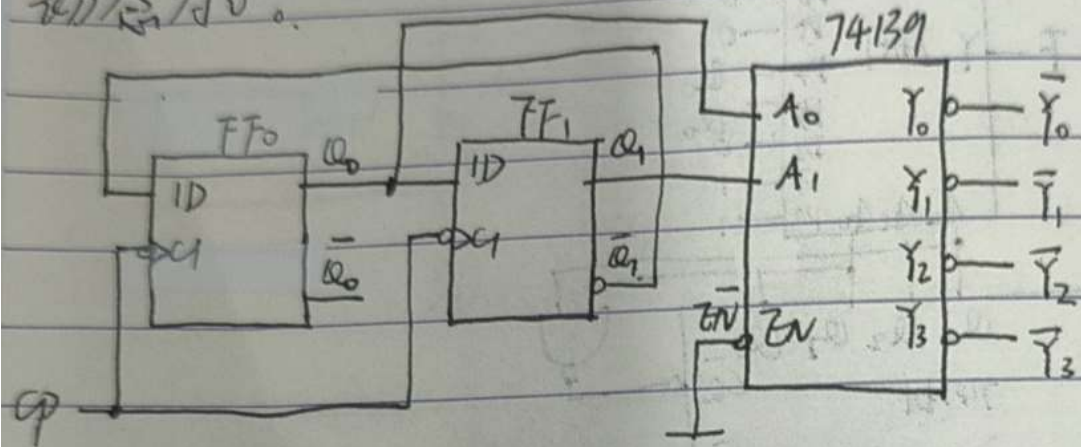
解：74194 的 $M_1M_0=01$ ，处于右移的工作状态。 D_{SR} 取自 74151 的输出。

题 6.41 的状态转移表

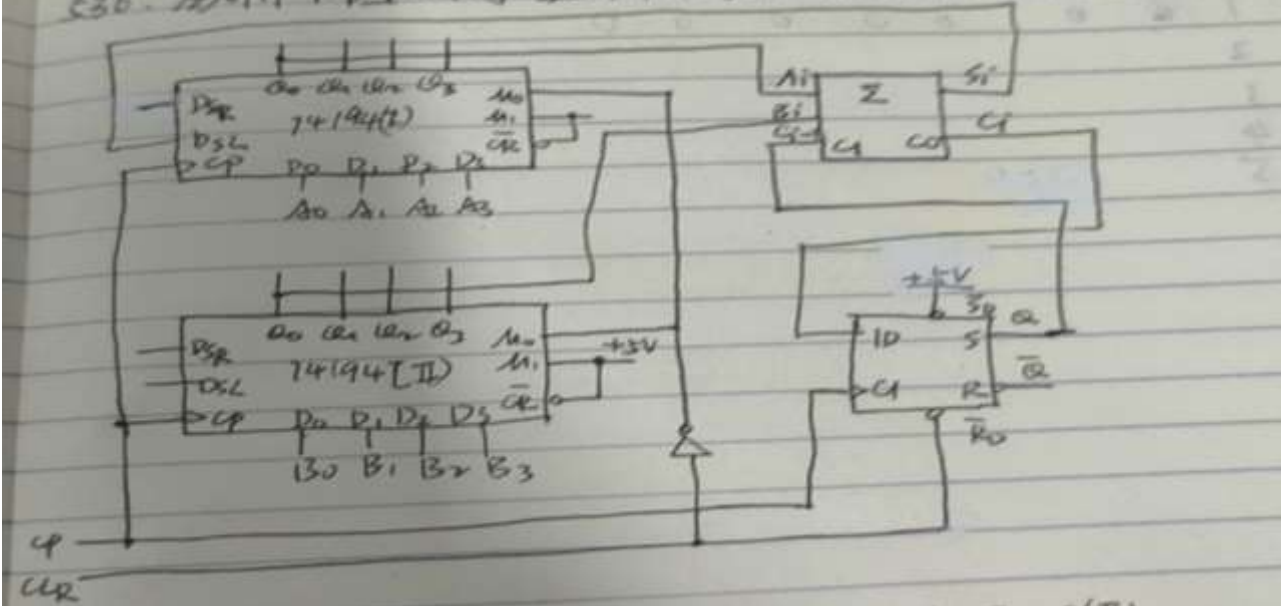
Q_0	Q_1	Q_2	Q_3	74151 选择的 数据端	$D_{SR}(Y)$
0	0	0	0	D_0	1
1	0	0	0	D_4	0
0	1	0	0	D_2	1
1	0	1	0	D_5	1
1	1	0	1	D_6	1
1	1	1	0	D_7	0
0	1	1	1	D_3	1
1	0	1	1	D_5	0
0	1	0	1	D_2	0
0	0	1	0	D_1	1
1	0	0	1	D_4	1
1	1	0	0	D_6	0
0	1	1	0	D_3	0
0	0	1	1	D_1	0
0	0	0	1	D_0	1

Q_0 处的序列信号为：01110100110001。

5-35 如图, 试画出时序电路部分的状态转移图, 并画出在 CP 作用下 2-4 线译码器 74139 输出的波形, 设初态为 0。



5.36. 分析下图中时序逻辑电路的功能。DFF初态为0。



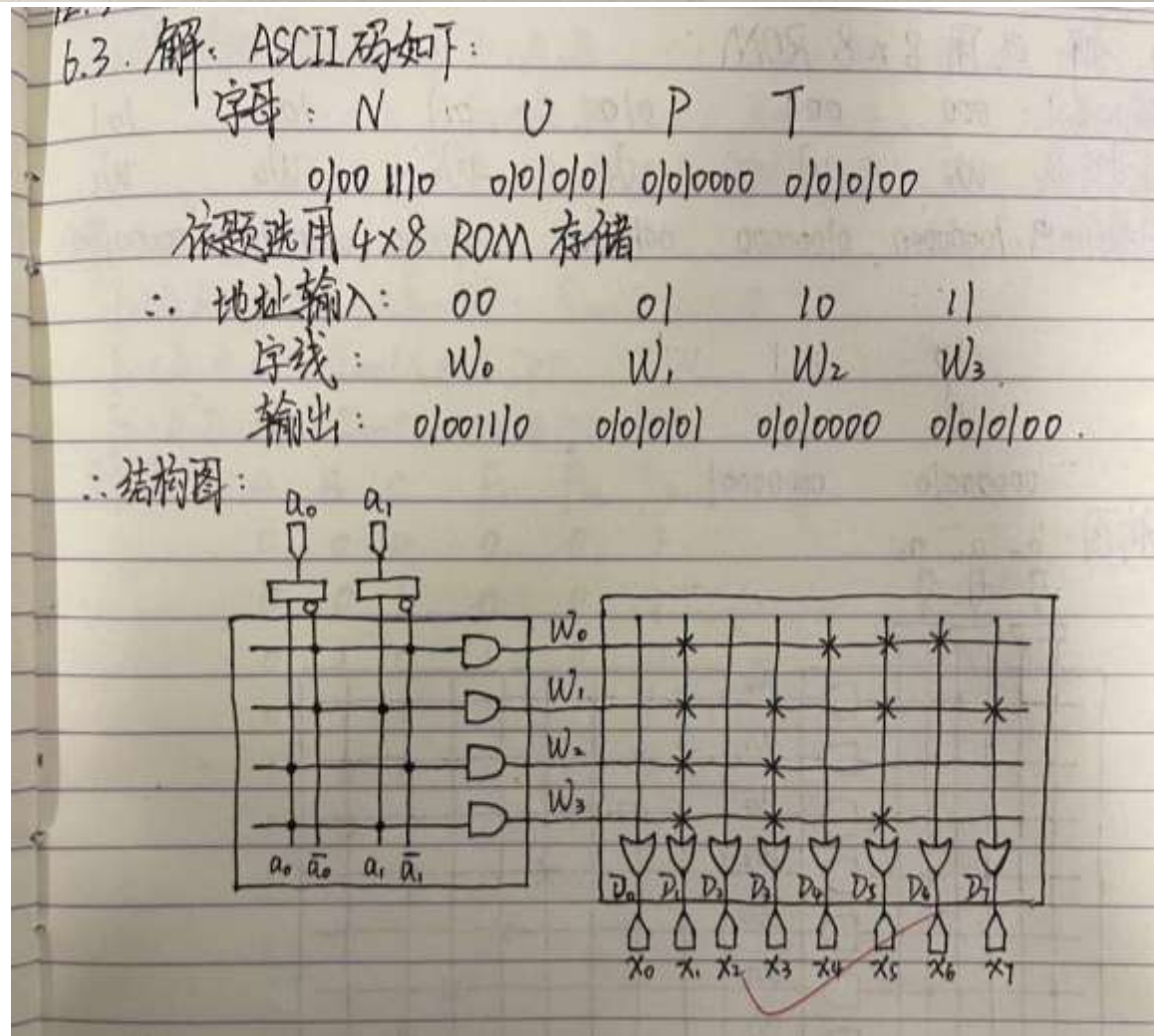
$$SUM_i = A_i \oplus B_i \oplus C_{i-1}$$

$$C_i = B_i C_{i-1} + A_i C_{i-1} + A_i B_i$$

CP ↑	I				II				A_i	B_i	C_{i-1}	S	C_0
0	ϕ	ϕ	ϕ	ϕ	ϕ	ϕ	ϕ	ϕ	ϕ	ϕ	ϕ	0	
1	A_0	A_1	A_2	A_3	B_0	B_1	B_2	B_3	A_0	B_0	0	$A_0 + B_0$	$A_0 B_0$
2	A_1	A_2	A_3	$A_0 + B_0$	B_1	B_2	B_3	A_1	B_1	$A_0 B_0$	$A_1 + B_1 + A_0 B_0$	$B_1 A_0 B_0 + A_1 B_1$	$A_1 B_1 + A_0 B_0$
3	A_2	A_3	$A_0 + B_0$	$A_1 + B_1 + A_0 B_0$	B_2	B_3	-	A_2	B_2	$B_1(A_0 B_0) + A_1(A_0 B_0) + A_1 B_1$	$A_2 + B_2 + B_1(A_0 B_0) + A_1(A_0 B_0) + A_1 B_1$	$A_2 B_2 + B_1(A_0 B_0) + A_1(A_0 B_0) + A_1 B_1$	$A_2 B_2 + B_1(A_0 B_0) + A_1(A_0 B_0) + A_1 B_1$
4	A_3	-	-	-	B_3	-	-	A_3	B_3	-	-	-	-

功能：求2个4位二进制数 $A_0 A_1 A_2 A_3$, $B_0 B_1 B_2 B_3$ 的各位之和。

6.3 请选用最小容量的 PROM 完成“NUPT”（使用 ASCII 码）四个字母的存储，并画出内部与门、或门阵列结构示意图。



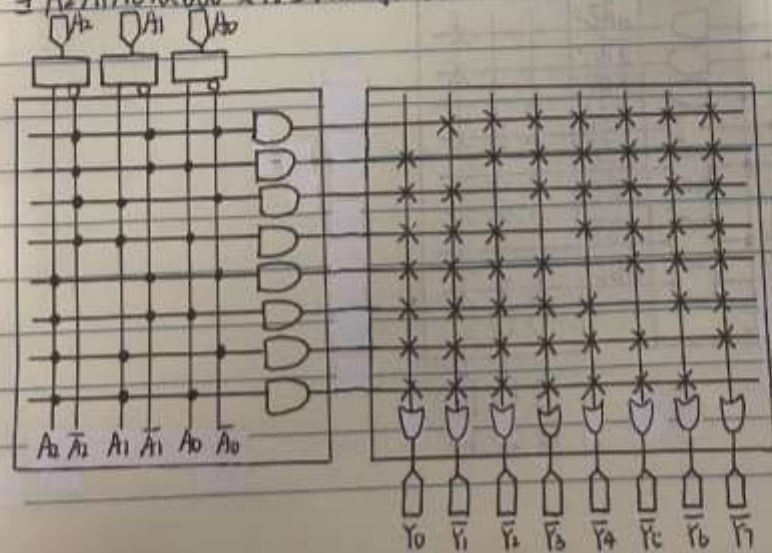
6.4 请选用最小容量的 PROM 设计一个 3-8 线译码器，并画出内部与门、或门阵列结构示意图。

存 6.4 请选用最小容量的 PROM 设计一个 3-8 线译码器，并画出内部与门、或门阵列结构示意图

解：3-8 线译码器 74138 的功能表

输入				输出								
E_1	$\bar{E}_A + \bar{E}_B$	A_2	A_1	A_0	Y_0	\bar{Y}_1	\bar{Y}_2	\bar{Y}_3	\bar{Y}_4	\bar{Y}_5	\bar{Y}_6	\bar{Y}_7
ϕ	1	ϕ	ϕ	ϕ	1	1	1	1	1	1	1	1
0	ϕ	ϕ	ϕ	ϕ	0	1	1	1	1	1	1	1
1	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1
1	0	0	1	0	1	0	0	1	1	1	1	1
1	0	0	1	1	1	1	0	0	1	1	1	1
1	0	1	0	0	1	1	1	0	0	1	1	1
1	0	1	0	1	1	1	1	1	0	0	1	1
1	0	1	1	0	1	1	1	1	1	0	0	1
1	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0

当 $A_2 A_1 A_0$ 从 000 变化到 111 时， $Y_0, \bar{Y}_1, \dots, \bar{Y}_7$ 会输出编码



。若函数 $Y(ABCD) = \sum_{mn}(3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 15)$ 用 PLA 的与或阵列图表示。

AB \ CD	00	01	11	10
00	0	1	1	2
01	1	1	1	1
11	1	1	1	1
10	1	1	1	1

$$Y = \bar{A}B + \bar{A}CD + BCD + A\bar{B}\bar{C} + A\bar{B}\bar{D}$$

